Cu クラスタリング過程の LMC シミュレーション

(平成13年11月26日 原稿受付)

機械知能工学専攻	福	田	忠	生
機械知能工学科	赤	星	保	浩
機械知能工学科	黒	島	義	人
機械知能工学科	原	田	昭	治

Lattice Monte Carlo Simulation of Copper Clustering Process

^{by} Tadao Fukuta Yasuhiro Akahoshi Yoshihito Kuroshima Shoji Harada

Abstract

In this study, we simulate nanoscale copper precipitation process based on the vacancy jump model using Lattice Monte Carlo (LMC) method, where an activation energy is calculated from the first neighboring interaction model. We confirmed that status of copper clustering at temperature 300K is different from those of 600K and 900K at the same potential energy decrease, and copper clusters are formed more rapidly at higher temperature. We obtained a fact that process of copper clustering consists of the two phases which are formation phase and coalescence and/or absorption phase.

1. 緒 言

原子炉圧力容器の寿命は原子力発電所の寿命を決定づ ける主因の1つである.この容器の寿命は、使用中に高 温下で強い中性子照射を受けることで生じる中性子照射 損傷による延性-脆性遷移温度の上昇で決定される. 中 性子照射損傷とは、 例えば、 降伏強さおよび引張強さが 上昇する照射硬化特性を表すことと関連する. すなわち 降伏強さの増加量に比べて、引張強さの増加量は少ない ので,その分だけ加工硬化係数が小さくなるとともに, 破断伸びが減少する. 高温下では若干じん性が低下する だけであるが、この性質は延性- 脆性遷移温度にも影響 し、室温で脆性域となる可能性がある.周知のように、 低合金鋼など体心立方晶の金属材料では、室温から温度 が低下するにしたがって,破断強さは比較的ゆるやかに 上昇し、一方、降伏強さは急激に大きくなる、このため、 室温ではある程度まで塑性変形した後破断、すなわち延 性破断するが、低温では降伏後、塑性変形することなく 脆性破断する.この延性から脆性への遷移する温度は、 通常、材質(化学成分、粒径等)で決定され、室温以下 の低温となる.しかしながら前述した照射損傷は、この 延性-脆性遷移温度を上昇させ、室温を越えるまでとなる.原子炉圧力容器材では、このような遷移温度の上昇 が寿命を決定する.最近の研究では、TEM (Transmission Electron Microscope)、SPM (Scanning Probe Microscope) などの高性能顕微鏡の発達により、ナノレベルでの材料 表面の直接観察が可能となっている.このような観察に よると中性子損傷の進行に伴い容器の鋼に含まれる Cu 原子がクラスタとして析出していることが判明してい る.そして、この析出物と転位が相互作用することが硬 化の原因の一つである可能性が高いことがわかってき た⁽¹⁾.

α-鉄母材中の Cu 原子の固溶限度は 973K で 0.4wt%, 最高でも 1123K で 1.8wt%と高く,通常では固溶状態であ ると考えられる⁽²⁾. そのような,圧力容器材料中に固溶 していた Cu 原子が序々に析出してくるメカニズムは,中 性子照射による「原子ジャンプ」が考えられる.

「原子ジャンプ」とは、中性子照射により結晶中の原子 が弾き飛ばされると、そこに空孔を生じ、その周辺の原 子の位置が不安定な状態となり、原子が他の場所に飛び 移っていく現象である. Cu 原子のクラスタはこの原子 ジャンプが繰返される過程で次第に Cu 原子同士が結合 することにより形成されるものと考えられており,事実, 多くの場合,空孔を介して起こることが知られている⁽³⁾. また, M.L. Jenkins らの実験によると, Cu 原子を 1.5% 含む Fe-Cu 系合金に 568K で 2.5MeV (1.4×10^{3} dpa, 2.0 $\times 10^{-9}$ dpa s⁻¹)の電子線照射を行った結果,ナノスケー ルレベルの Cu 析出物が多く形成されることが確認され ている⁽⁴⁾.本研究では,Fe-Cu 系合金における Cu 析出物 の析出過程のメカニズムを明らかにすることを目的す る.

原子ジャンプを空孔のジャンプで置き換え,LMC (Lattice Monte Carlo) 法による Cu 析出物の成長過程のシ ミュレーションモデルの構築し,定量的評価を行った. これらの結果を以下に報告する.

2.1 LMC法

分子シミュレーション法に用いられる手法として, MD 法と MC 法の二つが代表的である. MD 法が分子の 運動方程式を連立して解く決定論的方法であるのに対 し, MC 法はある確率法則の下に乱数を用いて分子の配 置を決定していく確率論的方法である⁽⁶⁾.

本来の MC 法では、まず系の粒子をランダムに一つ選び出し、その粒子を乱数によって移動させ、その操作を 繰り返すという方法がとられるが、本研究では、実際に 合金中の原子の移動は多くの場合、空孔を介して起こる ことが知られていることから、次節で述べるように移動 させる粒子を空孔のみに限定した.

2.2 解析方法

2.2.1 空孔ジャンプモデル®

本章では、簡単のために、原子間ポテンシャルは最近 接原子のみにはたらくと仮定し、系全体のポテンシャル エネルギを次のように定義した.

 $\mathbf{E} = \mathbf{N}_{aa}\mathbf{e}_{aa} + \mathbf{N}_{bb}\mathbf{e}_{bb} + \mathbf{N}_{ab}\mathbf{e}_{ab} + \mathbf{N}_{av}\mathbf{e}_{av} + \mathbf{N}_{bv}\mathbf{e}_{bv} \qquad (1)$

ここで、aは Fe 原子、bは Cu 原子、v は空孔を表し、 N_{ij} は最近接する原子または空孔の結合の数であり、 e_{ij} は 原子間または原子 – 空孔間にはたらく相互作用のエネル ギである.

一般に、系が遷移するためには、活性化状態と言われ るあるエネルギの高い状態を経由しなければならず、反 応はその中でも最もエネルギが低い経路を通って進行す る.原子iがジャンプする時も同様に、原子iはできる だけポテンシャルエネルギの低い経路をたどりながら鞍 点(saddle point)でポテンシャルエネルギの山をこえて 別の安定位置へ移る.そこで、原子iと空孔が入れ替わ ることによってエネルギ的に影響を受けるのは、原子i と空孔のそれぞれを中心とする格子のみであるから、こ の系の熱活性化状態を考え,原子iが移動する前と原子 iが鞍点にある時のこの系のポテンシャルエネルギをそ れぞれ E₁, E_s とすれば,原子iの活性化エネルギ ΔE_a は,

$$\Delta E_{a} = E_{s} - E_{l} = E_{s} - \left\{ \sum_{j \in nn(i)} e_{ij} + \sum_{j \in nn(v)} e_{vj} \right\}$$
(2)

と書くことができる⁽⁴⁾. nn (i) と nn (v) はそれぞれ原子 i と空孔の最近接原子集合を表す. また, 合金中の Cu 濃 度は低いため E_x は一定値と仮定している.

空孔のジャンプは熱活性化過程であり,その単位時間 当たりの頻度は次式で与えられる.

$$\Gamma_{\rm v} = v \exp\left(-\frac{\Delta E_{\rm a}}{k_{\rm b}T}\right) \tag{3}$$

ここで、 vはデバイの振動数、 k_b はボルツマン定数、T は温度を表す.統計力学によると、粒子iがエネルギE 以上のをもつ確率は $exp(-E/k_bT)$ に比例する.式(3)は、 温度 T の熱浴に接している粒子が、ポテンシャルエネル ギの谷の中で格子の熱振動によってゆらいでいるうち に、ある確率で大きなエネルギを得てジャンプに成功す るという理論によるものである⁽³⁾. つまり、式(3)は、 ΔE_a が大きいほど、また温度 T が低いほど、ジャンプの起こ り得る確率は低いということを表している.空孔のジャ ンプは最近接原子に向かって起こると仮定し、式(3)から 相対頻度を求めることにより空孔がそれぞれの場所に移 り得る確率を求めた.

2.2.2 メトロポリスの方法⁽⁶⁾⁽⁷⁾

熱力学の第2法則から,ただちに反応が起こるために は,系のエネルギが減少しなければならない.つまり,

$$\Delta E_{1 \to 2} = E_2 - E_1 < 0 \tag{4}$$

でなければならない.しかし,式(4)は必要条件なので, シミュレーションにおいては必ずしも満足されない.そ こで, $\Delta E_{1\rightarrow 2} > 0$ となる場合,遷移確率 $\exp(-\Delta E_{1\rightarrow 2}/k_bT)$ が乱数 R(0 ≤ R ≤ 1)よりも大きくなければ次のステップ に進めないようにした. $\Delta E_{1\rightarrow 2} \le 0$ ならば $\exp(-\Delta E_a/k_bT)$ ≥1であるため確率1で遷移するが, $\Delta E_{1\rightarrow 2} > 0$ ならば exp ($-\Delta E_a/k_bT$)<1となり容易にはこの状態に移ることが できない.この方法はメトロポリスの方法と呼ばれ,MC シミュレーションにおいて広く用いられている.

2.2.3 停留時間演算法[®]

本研究では、物理的な時間スケールを得るために、以下に述べるような実時間(tmc)を計算した.

 Γ_v は単位時間当たりの頻度であるから、その逆数を とれば1ステップにかかっている時間を求めることがで きる.ここで、本シミュレーションでの空孔濃度は4.0 × 10^{-6} であるがこの値は実際よりもかなり大きい. つま り、実際よりも空孔が多い状態であるため速く析出する ということになり、正しい析出時間を得ることができな い.そこで、照射下での時効として C_v^0/C_v^{eq} で再スケー ルしなければならない.平衡状態での空孔濃度は空孔形 成エネルギによって与えられるため

$$C_{v}^{eq} = exp\left(\frac{-\Delta E_{iv}}{kT}\right)$$
(5)

となる.

また,照射を受けない場合の空孔濃度は1.0×10⁻¹⁴の レベルであるが,炉内においては,数秒で上記の平衡値 に達することが知られているため無視してよいと思われ る.

この方法は、1回のジャンプにかかる時間、つまり現 在の位置に留まっている時間を求める方法であることか ら、「停留時間演算法」とよばれる.

本論文の結果および考察で述べる時間はすべてこの停 留時間演算法から求められる t^{mc} である.

また,この時間に伴う析出の進行度は,

$$\xi(t) = \frac{C_{Cu}(t=0) - C_{Cu}(t)}{C_{Cu}(t=0) - C_{Cu}(\infty)}$$
(6)

で与えられる.ここで,全原子数をN,時刻tにおいて クラスター化していない Cu 原子の数をntとすると,

$$C_{Cu}(t) = \frac{n_t}{N} \tag{7}$$

である. C_{Cu}(∞) は固溶の限界値であり,

$$C_{Cu}(\infty) = \exp\left(\frac{\omega}{k_b T}\right) \tag{8}$$

で与えられる. ω は Fe 原子と Cu 原子を入れ替える時の 混合エネルギーである. t が ∞ の時, 銅の濃度は C_{Cu}(∞) に近付く傾向がある. そのため, ξ (t) は t = 0 のとき 0 で t が大きくなるにつれて 1 に近付いていくという性質 をもっている. 本研究では, この値を使って, 銅原子の 析出の程度を調べた.

2.2.4 等価球置換法

解析によって得られた析出物をより詳しく考察するた めに、本研究では、析出物を体積が等価な球に置き換え ることとした.

析出物の体積 V_{precipitate} は, n 個の Cu 原子の合計であ るから以下の式で表される.

$$V_{\text{precipitate}} = nV_{\text{atom}} = n\frac{4}{3}\pi r_{\text{atom}}^3$$
(9)

ここで,本研究ではモデルに BCC 構造を採用しているの

で, r_{atom}は,

$$r_{atom} = \frac{\sqrt{3}}{2}a$$
 (10)

である. ここで, a は BCC 構造の格子定数である. よって, 式(9)は以下のようになる.

$$V_{\text{precipitate}} = n \frac{\sqrt{3}}{2} \pi a^3 \tag{1}$$

よって, 析出物の直径 dprecipitate は,

$$d_{\text{precipitate}} = \sqrt[3]{n} \sqrt{3a} \tag{12}$$

となる. これにより, 析出物を形成する Cu 原子の構成 数を計測すれば, その析出物の体積と等価な球の直径を 知ることが出来る.

2.3 解析モデル

本研究では母材を α 鉄とする Fe-Cu 合金系の BCC 構造 を考えるにあたり,以下に述べるような単結晶の 3 次元 モデルを作成した.今回のシミュレーションでは α -Feの 完全 BCC 構造を仮定しており,原子間距離は変化させな い.そこで,演算効率を向上させる目的で整数座標系を 導入し格子定数に 2 を割り当てた.そして,結晶学的方 位 [100]方向を x 軸方向として X 個,結晶学的方位 [00 1]方向を z 軸方向として Y 個,結晶学的方位 [00 1]方向を z 軸方向として Z 個の原子を順番をつけて並べ た単純立方格子を 2 個作成し,一方の 1 番目の位置にあ る原子を原点にとって,もう一方の座標を(1,1,1)だ けずらして重ね合わせることで BCC 構造とした.また, この格子は原子の移動によって変形せず, BCC 構造から 構造遷移しないものとしている.このような座標系上で の MC 計算を LMC 計算と読んでいる

本シミュレーションでは,X方向50格子,Y方向50格 子,Z方向50格子として,合計250,000個の原子からなる モデルを使用した.Cu 濃度は M.L. Jenkins らの実験⁽⁸⁾と同 じ1.5%とし,Cu 原子の数は3757個とした.図1にその 配置図を示す.

初期配置においては, Cu 原子は BCC 構造の中心原子 の位置に均等に配置し,空孔はモデルの中心の位置にあ る鉄原子と入れ替えることで1個となるように配置し た.

2.4 解析条件

PWR での出口温度が605K であることを参照して⁽⁸⁾, シ ミュレーションの解析温度は室温である 300K, 出口温度 600K, 局所的な高温域 900K の 3 つを設定した.そして, 空孔ジャンプ1回を1ステップとし,総ステップ数を3





×10⁹とした. Table 1 に解析条件を, Table 2 に解析パラ メータを示す.

3. 解析結果

Fig. 2 には各温度での最終ステップでの析出物の形成 状態を式(1)により得られた直径を用いた等価な球に置き 換えて示し, Fig. 3 にステップ数に伴う系の全ポテン シャルエネルギの変化を示す. Fig. 3 よりステップ数を 重ねるごとに全ポテンシャルエネルギが減少, すなわち, Cu の析出が始まっていることがわかる.また, 室温であ る 300K では, 析出の進行が遅くなっていると考えられ る.また, Fig. 2 から高温になるにつれて大きな析出物が 形成されていることがわかる.

次に,各解析温度における Cu の析出過程を Fig. 4, 6, 8 に,それらの半径の分布図を Fig. 5, 7,9 に示す. (a) ~(d) はそれぞれ系の総エネルギが -1.7108×10⁻¹³ J, -1.7116×10⁻¹³ J, -1.7124×10⁻¹³ J, -1.7132×10⁻¹³ J 付近であり,考察するにあたって代表的なクラスタを形 成しているエネルギを選んでいる.

4.考察

Fig. 3 から解るように, 300K の場合と 600K および 900K の場合では明らかポテンシャルエネルギの変化の

Model	BCC Structure using integer coordinate system		
Temperature [K]	300	600	900
Number of Atoms	250,000		
Number of Cu Atoms	3,757		
Cu Concentration [%]	1.5		
Vacancy Concentration [%]	4.0 x 10 ⁻⁶		5
Potential Function	F.Soison et al.		
Step Number of Simulation	3x10 ⁹		
Boundary Condition	Periodic Boundary Condition		

Table 2 Simulation Parameters

Symbol	Value	Symbol	Value
e _{FeFe} [eV]	-1.07	e _{cuv} [eV]	-0.28
e _{cuCu} [eV]	-1.07	Es [eV]	-8.9
e _{FeCu} [eV]	-0.98	ν[s ⁻¹]	3.65 x 10 ¹⁵
e _{FeV} [eV]	-0.33	ω[eV]	-0.67
e _{cuv} [eV]	-0.28		

仕方が大きく異なっており,300K ではエネルギの変化 が緩やかであると言える.これは、低温の場合、式(3)か ら求められるジャンプ頻度が低いためであると考えられ る.実際、解析温度300K では解析全般に渡って析出過 程の初期状態と思われる挙動を示しているが、空孔の運 動は激しくなく、それに伴い、Cuのクラスタ化が徐々に 進行していると考えられる.そのため、Fig.2の解析終 了時でも大きな析出物を形成していない.

これと比べて,600K では2×10⁸ step および900Kで は1×10⁸ step までは,急激なエネルギの変化が見られ, その後,変化が緩やかになっている.直径1.6 nm 以上 のクラスタを析出物の核となりうるクラスタとすると 600K では Fig. 7(b),900K では Fig. 9(b) のクラスタ分布 により確認できるため,それ以前はクラスタを形成し, 析出物の核まで成長する過程であり,それ以降は,析出 物が徐々に成長していく過程と考えられる.これは,エ ネルギの変化において急激な変化から緩やかな変化へと 移行している付近である.これに伴い Fig. 10 ステップ数 に伴う Cu 原子のクラスタ形成率とエネルギの関係を示 す.300K では前述したように析出の初期段階と考えら

Table 1 Analysis Conditions



(a)300 K







Fig.3 Total Potential Energy - Step Curves



(a) 781,468,961 step -1.7102 x 10⁻¹³ J



(b) 2,822,320,085 step -1.7105 x 10⁻¹³ J

Fig.4 Growth of Cu Cluster at 300K





Fig.2 Cu Clusterer by 3.0 x 10⁹ step

Fig.5 Distribution of Cu Cluster at 300K







Fig.10 Variation of Cluster Formation Fraction



Fig.11 Variation of Mean Cluster Diameter

Table 3 Comparison of Monte Carlo Time

	300K	600K	900K
t ^{mc}	3114 year	26 year	1 day
	(6.8 x 10 ³⁸ sec)	(8.4 x 10 ²¹ sec)	(5.6 x 10 ¹² sec)

れるので考察できないが,600K および 900K において, クラスタ形成率がほぼ 100%となった付近からエネルギ の減少が緩やかになっている.このことからも,エネル ギの減少の傾向によってクラスタの成長がおおよそ予測 できると言える.

また、クラスタ形成率が100%となった後もエネルギ が減少していることから、析出物の成長は、1つのクラ スタが徐々に成長していくのではなく、多くのクラスタ の合体によって析出物が形成され、成長していくと考え られる.そこで、Fig. 11にステップ数に伴うクラスタの 平均直径とクラスタ形成率を示す.この図において900K の平均直径曲線が10⁹step付近から振動しているのは、ク ラスタの絶対数の減少によるものである.これより、形 成率がほぼ100%となった付近からクラスタの平均直径 が急激に上昇しているのがわかり、クラスタの合体によ る成長を裏付けるものと考えられる.

最後に Table 3 に式(5)によって再スケールされた最終 ステップの t^{mc} を示す.これによると,運転温度 600K で は最終ステップが約26年となっており,圧力容器の設計 対応年数30年に近いことがわかる.

5. 結 言

本研究において,以下の結論を得た.

- (1) LMC 法を用いた Cu 原子のクラスタリング過程を定 量的に検討した.
- (2) クラスタ形成率,平均直径などから考察するCuクラスタは多数の小さなクラスタが形成され、それらが合体していくことで徐々に成長し、最終的に大きなクラスタになると考えられる。

参考文献

- 石野 栞, "軽水炉圧力容器鋼の照射脆化研究の課題",(社)日本原子力学会「1996春の年会」(1996), pp.475-476
- (2) G.Salge, R.C.Doole, M.Feller-Knipmeier, "High-Resolution Electron Microscpy Study of Copper Precipitation in Fe-1.5wt%Cu under Electron Irradiation", J.appl.Phys, Vol.48, (1977), p.1833
- (3) 深井 有,"拡散現象の物理",(1988), pp.81-127, 朝倉書店
- (4) H.A.Hardouin Duparc, R.C.Doole, M.L.Jenkins and A.Barbu, "High-Resolution Electron Microscpy Study of Copper Precipitation in Fe-1.5wt%Cu under Electron Irradiation", Philosophical Magazine Letters, Vol.71, No.6 (1995), pp.325-333
- (5) 神山 新一, 佐藤 明, "モンテカルロシミュレーション", (1997), pp.26-66, 朝倉書店
- (6) 北川 浩,北村 隆行,渋谷 陽二,中谷 彰宏,"初心者の ための分子動力学法",(1997),養賢堂
- (7) F.Soisson, A.Barbu, and G.Martin, "Monte Calro Simulations of Copper Precipitation in Dilute Iron-Copper Alloys During Thermal Ageing and under Electron Irradiation", Acta Material, Vol.44, No.9

(1996), pp.3798-3800

- (8) 大澤 映二, 片岡 洋右, "分子動力学法とモンテカルロ法", (1994), 講談社
- (9) 秋山 守,"原子力熱工学",(1978),東京大学出版会
- (0) 日本機械学会編,"原子・分子モデルを用いる数値シミュレー ション",(1996),コロナ社
- G.J.Ackland, G.Tichy, V.Vitek and M.W.Finnis, "Simple N-body Potentials for the Noble Metals and Nickel", Philosophical Magazine A, Vol.56, No.6 (1987), pp.735-756
- P.J.Othen, et al, "Transmission electron microscope investigations the structure of copper precipitates in thermally-aged Fe-Cu and Fe-Cu-Ni", Philosophical Magazine Letters, Vol.64, No.6 (1991), pp.383-391