抵抗膜上の直流電位差を利用した デブリ衝突に対する面センサの提案

(平成16年11月30日 原稿受付)

機械知能工学専攻	福	重	進	也
機械知能工学科	赤	星	保	浩
機械知能工学科	高	良	隆	男
機械知能工学科	原	田	昭	治

Proposal of area sensor to detect space debris impact using direct potential drop on resistance film

by Shinya FUKUSHIGE Yasuhiro AKAHOSHI Takao KOURA Shoji HARADA

Abstract

The current measures for space debris in International Space Station are bumper protection and avoidance based on ground observation. However, there is no effective measure against space debris between 1cm and 10cm which can perforate a pressurized wall. The only measure is evacuation of crew in a punctured module. In case of the occurrence of perforation hole, the decompression informs perforation of crews but the promptly detection of the leak point is difficult. It is important to install a health monitoring system to detect perforation hole on a space structure for decision of escape direction and repair area. In this study, we propose a perforation hole detection system for space debris perforates the Al plate, the Al plate and the resistance film conduct each other by a plastic deformation of the Al plate and a perforation hole is detected by measurement of a resistance value which changes in response to the distance from a measurement point to perforation hole. The effectiveness of this monitoring system was verified by not only the numerical analysis, pseudo-perforation hole tests but also hypervelocity impact tests.

1. 緒 言

現在の宇宙構造物におけるスペースデブリに対する防 護手段は、バンパによる防御と観測による回避である. しかし、防御も観測も不可能であり、衝突により与圧壁 が損傷する恐れのある直径 1cm ~ 10cm のデブリに対し ては、減圧が発生したモジュールから搭乗員が避難する という対策しかなされていない⁽¹⁾. しかし、構造物に減 圧が生じた場合、1997年の宇宙ステーションミール、 2003年の国際宇宙ステーションにおいて問題になったよ うに、減圧箇所を即座に特定することは難しい⁽²⁾. した がって、デブリの衝突により、与圧壁に貫通孔が生じた 場合、搭乗員がどこに避難すべきか、どこを修復すれば よいのかを適切に判断する上で、貫通孔の発生位置をリ アルタイムで検知することができるヘルスモニタリング システムの実装が重要である。現在のヘルスモニタリン グ技術として歪みゲージを用いる方法やアコースティッ クエミッションを利用する方法、光ファイバをセンサ網 として用いる方法等がある⁽³⁾⁽⁴⁾.しかし、点計測である歪 みゲージは、貫通孔の場所を知るという観点から言えば 適切ではない.また、アコースティックエミッションを 利用する方法は、デブリ衝突の瞬間を確実にとらえる必 要がある. 光ファイバをセンサ網として用いる方法は, デブリが宇宙構造物に衝突する場合,構造が破壊される と同時に,モニタリングを行うために設置するセンサ網 の一部も破壊されてしまうという問題がある. そこで本 研究では,AI板に絶縁・貼付した抵抗膜を用い,デブリ の衝突に対する面センサとすることを提案し,貫通孔が 即座に同定可能な複雑な解析を用いないモニタリング法 の検討および有効性の検証を行った.

2. モニタリング法

2.1 基本システム

本研究で提案するデブリ衝突に対するモニタリングシ ステムの基本概念図を Fig.-1 に示す.

構造物の与圧壁としての AI 板に,面センサとして抵 抗膜を絶縁・貼付する.デブリの衝突により与圧壁に貫 通孔が発生すると,その際の損傷によって,絶縁されて いた抵抗膜と AI 板が導通した状態となる.この方法は貫 通孔周縁部の AI 板の塑性変形を利用するため,必ずし も衝突の瞬間をとらえる必要はない.導通状態なった抵 抗膜上の抵抗値は,既知の測定点から,貫通孔までの距 離に応じて決まる.これを直流電位差として測定するこ とにより,測定点から損傷位置までの距離を知ることが できる.

2.2 貫通孔の同定法

2.2.1 基本式

薄い抵抗膜が無限に広がっているとき, 半径 r_m の測定 点から, 距離 r_d までの抵抗値 R_m は次式により与えられ る.

$$R_m = \frac{\rho}{2\pi i} \ln \frac{r_d}{r_m} \tag{1}$$

ここで、 ρ は体積抵抗率、tは膜厚である。同様に、半 径 r_p の貫通孔から、距離 r_d までの抵抗値 R_p は次式によ り与えられる。





Fig.-1 Configuration of monitoring system

よって、測定点から貫通孔に電流 *I* が流れるとき、抵抗 膜上の電圧降下 *V_fは、次のように*なる.

$$V_f = R_m I + R_p I = \left(R_m + R_p\right) I \tag{3}$$

したがって,抵抗膜上の抵抗値Rは,

$$R = R_m + R_p = \frac{\rho}{2\pi t} \ln \frac{r_d^2}{r_m r_p} \tag{4}$$

となる.上式を変形すれば,抵抗膜上の抵抗値 R により, 測定点から貫通孔までの距離 r_dを求める式が次のように 与えられる.

$$r_d = \sqrt{r_m r_p} e^{\frac{\pi R t}{\rho}}$$
(5)

2.2.2 貫通孔位置同定法

式(5)を用いて,抵抗膜上の貫通孔を同定することを考 える.いま,測定点の半径 r_m ,抵抗膜の体積抵抗率 ρ , 厚さtおよび抵抗膜上の抵抗値Rは既知であるとする. しかし,貫通孔の半径 r_p は未知である.このとき,測定 点が3点あれば,抵抗膜上の貫通孔を同定することが可 能である.以下に貫通孔位置の同定法を示す.

Fig.-2 に示すように各測定点と, 貫通孔 (x, y) があるとする.

このとき,抵抗膜上の抵抗値と測定点から貫通孔までの距離 r_dの関係は式(5)により,それぞれ次のように表される.

$$r_{d1} = \sqrt{r_m r_p} e^{\frac{\pi R_1 t}{\rho}} \tag{6}$$

$$r_{d2} = \sqrt{r_m r_p} e^{\frac{\pi R_2 t}{p}}$$
(7)

$$r_{d3} = \sqrt{r_m r_p} e^{\frac{\pi R_{s,t}}{\rho}} \tag{8}$$

いま,貫通孔の半径 r_pは未知である.そこで,式(7),式 (8)の辺々を式(6)で割る.



Fig.-2 Measurement points and perforation hole



Fig.-3 Coordinate conversion

$$dr_{d1} = \frac{r_{d1}}{r_{d1}} = e^{\frac{\pi i}{\rho} (R_1 - R_1)} = 1$$
(9)

$$dr_{d2} = \frac{r_{d2}}{r_{d1}} = e^{\frac{\pi i}{\rho}(R_2 - R_1)} \tag{10}$$

$$dr_{d3} = \frac{r_{d3}}{r_{d1}} = e^{\frac{\pi i}{\rho}(R_3 - R_1)}$$
(11)

ここで、各測定点座標をFig.-3に示すように変換する.

これにより Fig.-3 の座標空間内で,貫通孔の位置を $dr_{d1}, dr_{d2}, dr_{d3}$ の3円弧が交わる一点 (dx, dy) として表 すことができる.すなわち, $dx_2=(x_2-x_1)/r_{d1}, dy_3=(y_3-y_1)/r_{d3}$ であるから,

$$dx = \frac{x - x_1}{r_{d1}} = \frac{dx_2^2 + dr_{d1}^2 - dr_{d2}^2}{2dx_2} \tag{12}$$

$$dy = \frac{y - y_1}{r_{d1}} = \frac{dy_3^2 + dr_{d1}^2 - dr_{d3}^2}{2dy_3} \tag{3}$$

また,

$$dx^2 + dy^2 = dr_{d1}^2 = 1 \tag{14}$$

の関係から, ral を求めることができて,

$$r_{d1} = \sqrt{\frac{B - \sqrt{B^2 - AC}}{A}} \tag{15}$$

ただし,

$$A = y_3^2 (dr_{d1}^2 - dr_{d2}^2)^2 + x_2^2 (dr_{d1}^2 - dr_{d3}^2)^2$$
 (16)

$$B = x_2^2 y_3^2 (dr_{d2}^2 + dr_{d3}^2) \tag{17}$$

 $C = x_2^2 y_3^2 (x_2^2 + y_3^2)$ (18)

以上により, $x = dx r_{d1} + x_1$, $y = dy r_{d1} + y_1$ として貫通孔 の位置 (x, y) を同定することができる.



2.2.3 貫通孔半径同定法

2.2.2 節により,測定点から貫通孔までの距離 r_{d1} が求まっているので,式(6)を変形した次式を用いて貫通孔半径 r_nを同定することができる.

$$r_p = \frac{r_{d1}^2}{r_m} e^{\frac{-2\pi i}{\rho}R_{\parallel}}$$
(19)

2.2.3 形状効果

前節までの議論は,抵抗膜が無限の広がりを持つこと が前提となっていたが,実際の抵抗膜の大きさは有限で あるため,形状効果を考慮する必要がある.一般に体積抵 抗率と抵抗膜上の抵抗値の関係は,次のように表される.

$$\rho = F t R \tag{20}$$

ここで, Fは抵抗率補正係数である.式(4)より,本モニ タリング法に用いる抵抗膜では,広さが無限の場合,

$$F_i^{-1} = \frac{1}{2\pi} \ln \frac{r_d^2}{r_m r_p}$$
(21)

となる.一方,有限の広さの抵抗膜の場合,Fig.-4の座標系において,抵抗率補正係数は次のように与えられる⁶⁵.

$$F_{f}^{-1} = \frac{y_{B} - y_{C}}{a} + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{2}{a\xi \sinh(b\xi)} \\ \left[\left\{ \cos(\xi x_{B}) \cosh\left[\xi\left(y_{B} + \frac{b}{2}\right)\right] - \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\xi\left(y_{C} + \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cos(\xi x_{A}) \cosh\left[\xi\left(y_{A} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \left\{ \cos(\xi x_{B}) \cosh\left[\xi\left(y_{B} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\xi\left(y_{C} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\xi\left(y_{C} - \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cos(\xi x_{D}) \cosh\left[\xi\left(y_{D} + \frac{b}{2}\right)\right] \right]$$

$$+\sum_{m=1}^{\infty} \frac{2}{a\eta \sinh(b\eta)} \\ \left[\left\{ \cosh\left[\eta\left(y_{B} + \frac{b}{2}\right)\right] - \cosh\left[\eta\left(y_{C} + \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cosh\left[\eta\left(y_{A} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \left\{ \cosh\left[\eta\left(y_{B} - \frac{b}{2}\right)\right] - \cosh\left[\eta\left(y_{C} - \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cosh\left[\eta\left(y_{D} + \frac{b}{2}\right)\right] \right] \\ + \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4}{a\zeta \sinh(b\zeta)} \\ \left[\left\{ \cos(\xi x_{B}) \cosh\left[\zeta\left(y_{B} + \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\zeta\left(y_{C} + \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cos(\xi x_{A}) \cosh\left[\zeta\left(y_{A} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \left\{ \cos(\xi x_{B}) \cosh\left[\zeta\left(y_{B} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\zeta\left(y_{B} - \frac{b}{2}\right)\right] - \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\zeta\left(y_{C} - \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cos(\xi x_{C}) \cosh\left[\zeta\left(y_{C} - \frac{b}{2}\right)\right] \right\} \times \\ \cos(\xi x_{D}) \cosh\left[\zeta\left(y_{D} + \frac{b}{2}\right)\right] \right]$$

ただし,

$$\xi = \frac{m\pi}{a} (m \text{ は 整数}), \quad \eta = \frac{n\pi}{t} (n \text{ は 整数}), \quad \zeta = (\xi^2 + \eta^2)^2$$

本研究では、測定点と貫通孔が探針に相当し、電流探 針と電圧探針が同一の2探針となるため、 $(x_A, y_A) = (x_B, y_B)$ 、 $(x_C, y_C) = (x_D, y_D)$ とした.

以上により, 無限抵抗膜における抵抗値を R_i , 有限抵抗膜で測定される抵抗値 R_f とすれば,体積抵抗率はどちらの場合においても共通であるから,式()より,

$$F_{i}tR_{i} = F_{f}tR_{f}$$

$$\therefore \quad R_{i} = \frac{F_{f}}{F_{i}}R_{f}$$
(23)

として, $R_f \in R_i$ に換算することができる. これにより, 有限抵抗膜において, 2.2.2, 2.2.3 節で説明した貫通孔同 定法を用いることが可能となる.

3. 検 証

3.1 形状効果の考慮

2.2.3 節で述べた方法により,有限抵抗膜における抵抗 値を無限抵抗膜の値に換算できることを確かめるために 数値計算を行った.抵抗膜は厚さを50[μ m],体積抵抗率 を5.07×10⁻³[Ω m] とした.無限抵抗膜の値は式(4)を用い



Fig.-6 Correlation between resistance and distance

て計算し,有限抵抗膜の値は Fig.-5 に示す領域について 200×200 の正方格子に分割し,差分法により電位に関す るラプラス方程式を解いた.なお,測定点および貫通孔 の直径は 1[mm] とした.結果を Fig.-6 に示す.

Fig.-6より,有限抵抗膜における抵抗値が無限抵抗膜 における抵抗値に良好に換算されており,2.2.3節の方法 が有効であることがわかった.

3.2 貫通孔の同定実験

3.2.1 数値計算

本研究における貫通孔の同定法の有効性を検証するため, Fig.-7 に示すように, 貫通孔および測定点を設定し, 数値計算により同定実験を行った.まず, 3.1 節と同様の計算条件で, 差分法により各測定点における抵抗膜上の抵抗値を求めた.結果を Table-1 に示す.

Table-1の抵抗値を用いて、2.2節で説明した方法によ



Fig.-7 Condition of detection test



り貫通孔を同定した結果を Fig.-8 に示す. 貫通孔の位置, 大きさともに良好な同定結果を得ることができた.

3.2.2 模擬貫通孔による実験

前節で数値計算により本研究における同定法の有効性 を確認することができたので、実際に市販の抵抗膜を用 いて貫通孔の同定実験を行った.抵抗膜として鬼怒川ゴ ム工業社製のフィルム(厚さ:50[μm],体積抵抗率4.5× 10⁻³[Ωm]),模擬貫通孔として直径20[mm]の銅電極を使 用した.貫通孔および測定点の配置はFig.-7と同様とし た.各測定点における抵抗値の測定結果をTable-2に示

Table-2 Result of test with pseudo-perforation hole

Measurementpoint	(25,25)	(175,25)	(25, 175)
Resistance[Ω]	163	186	144



Fig.-9 Result of detection

す.

これらの抵抗値を用いて貫通孔を同定した結果を Fig.-9 に示す. 貫通孔の位置については,数値計算の場 合と同程度の精度で同定することができたが,貫通孔の 大きさは,小さな値となり相対誤差は43.5%であった.

3.2.3 超高速衝突実験

次に,実際の衝突による損傷によって抵抗膜と AI 板が 導通し,貫通孔の位置を同定できることを確認するため に超高速衝突実験を行った.超高速飛翔体の衝突条件を Table-3 に,超高速衝突実験の模式図を Fig.-10 に示す.





Fig.-10 Configuration of hypervelocity impact test

Table-4 Result of hypervelocity impact test

Measurementpoint	(25, 25)	(175, 25)	(25, 175)
Resistance[Ω]	531	539	497

抵抗膜とAI板の絶縁層には、20×2[mm]間隔,厚さ 51[µm]の紙製格子状のスペーサを用いた.抵抗膜,絶 縁層,AI板の接着には二液硬化型弾性エポキシ接着剤を 用いた.抵抗膜とAI板は、スペーサによって生じる間隙 で絶縁され、衝突後AI板の塑性変形により両者が接触 し、導通する.

超高速衝突実験後, Fig.-7 と同様に測定点を定め, 各 測定点から貫通孔までの抵抗値を測定した. 測定結果を Table-4 に示す.

これらの抵抗値を用いて貫通孔を同定した結果を Fig.-11 に示す. これまでの同定実験と比較して位置の誤 差が大きくなった. また, 測定された抵抗値が大きかっ たため大きさを同定することができなかった.



Fig.-11 Result of detection

4. 考察

数値計算による貫通孔同定実験では、貫通孔の位置、 大きさ共に近い値で同定するこができた. 模擬貫通孔を 用いた実験では位置の同定には、ほぼ成功しているが、 貫通孔の大きさについては、直径20[mm] に対して直径 11.3[mm] で相対誤差43.5%となり、精度良く同定するこ とはできなかった. この原因として、模擬貫通孔として 用いた銅電極円板と抵抗膜の接触抵抗が考えられる. 位 置の同定に関しては、式(9)~(1)において互いの抵抗値の 差をとっているため、接触抵抗の影響は除かれている. しかし、貫通孔の大きさの同定に関しては、式(9)からわ かるように、測定値を直接用いているため、接触抵抗の 影響を受けてしまうことがわかる.このことを確かめる ために、式(9)の抵抗値に接触抵抗 *R*_tを加算した式、

$$r'_{p} = \frac{r_{d1}^{2}}{r_{m}} e^{\frac{-2\pi i}{\rho}(R_{1} + R_{r})}$$
 (24)

を考え,式(19)の辺々を割り,測定値から求まる貫通孔半 径 r'_p と真の貫通孔半径 r_p の比を表すと次式となる.

$$\frac{r_p'}{r_p} = e^{\frac{-2\pi i}{\rho}R_t} \tag{25}$$

式協をグラフに表すと Fig.-12 となる. これによると, 10[Ω] 程度の接触抵抗で,貫通孔の同定値は実際の値の 半分となることがわかる. また,模擬貫通孔を用いた同 定実験の際の接触抵抗は 8.17[Ω] であったことがわかっ た.

超高速衝突実験においては、模擬貫通孔による同定実 験と同じ仕様の抵抗膜を用いたが、接触抵抗の影響を大 きく受けている。そのため貫通孔の大きさの同定値が1 ×10⁻¹⁰[mm] と非常に小さな値となり、大きさを同定す ることができなかった。このときの接触抵抗は式邸によ れば 368[Ω] であった。また、位置の同定も数値計算、 模擬貫通孔を用いた実験に比べて誤差が大きかった。こ れは、貫通孔の周縁部で均一な導通が得られなかったた めであると考えられる。しかし、数値計算や模擬貫通孔 を用いた実験では、位置の同定に成功していることから、 抵抗膜の Al 板への実装方法を改善することによって貫 通孔周縁部で均一な導通を得ることができれば、実際の



衝突においても貫通孔の位置を同定することができると 考えられる.また、貫通孔の大きさの同定についても同 様に、抵抗膜の実装方法を改善することによって、毎回 同程度の接触抵抗を得ることができれば、予め接触抵抗 を見積もっておくことにより、貫通孔の大きさを同定す ることができる.

5. 結 言

本研究は、有人宇宙構造物において、デブリの衝突に よる貫通孔を同定することができるモニタリングシステ ムを構築する目的で行われ、面センサとして抵抗膜を用 いることで、貫通孔の位置を同定できるシステムを提案 することができた、有人宇宙構造物における搭乗員の避 難や修理場所の特定ということを考えると本モニタリン グシステムは十分な精度を有しているといえる、貫通孔 の大きさや超高速衝突時の同定精度は、抵抗膜の実装方 法の改善し、予め接触抵抗を見積もることによって向上 させることができると考えられる。

6. 謝辞

本研究は九工業大学サテライト・ベンチャー・ビジネ ス・ラボラトリー大学院生研究助成制度の支援の下に行 われたことを記し,感謝の意を表す.

7. 参考文献

- National Research Council, "Protecting the Space Station from Meteoroids and Orbital Debris" National Academy Press, Washington D.C., 1997
- (2) International Space Station Status Report #04-2
- (3) 山本鎭男, ヘルスモニタリングー機械・プラント・建築・土木 構造物・医療の健全性監視, 1999, 共立出版株式会社
- (4) 日本航空宇宙学会誌,第52巻,第605号,特集「知的材料・構造システム研究の現状」,2004
- (5) JIS K 7149 導電性プラスチックの4 探針法による抵抗率試験方法