θ-ρパラメータによる多角形の物体検出

学生員 奥苑 大成* 正員 脇迫 仁*

Object Detection Using Straight Line Matching in θ - ρ Space

Taisei Okuzono*, Student Member, Hitoshi Wakizako*, Member

The contours of many industrial parts contain straight lines and positions of the lines are therefore information for object detection. This paper presents a matching technique of straight lines in $\theta_{-\rho}$ s. Any lines in 2D space are represented with parameters θ and ρ by Hough transform. To find an obj to find combination of line parameters in $\theta_{-\rho}$ space. Our matching method contains edge detection, detection and matching processes. At first, we perform edge detection for model and scene image to de contour of objects. Next, we extract the straight lines using Hough transform for provided edge image. in the matching process, we perform matching with parameters of straight lines. Matching process conta⁻ θ matching, ρ matching and pose estimation. In the θ matching, we use the relative θ values of correspond⁻¹ lines. In the ρ matching, we compute parameters of transfer and deviations of ρ values. Finally, in the pr estimation we compute transfer parameters using corresponding intersection points of the straight lines. experimental results show our method is robust for rotation, occlusion and scaling of objects.

キーワード:物体検出,ハフ変換,直線検出,画像解析

Keywords: object detection, hough transform, line detection, image analysis

まえがき

画像処理技術は物体検出や検査など製造ラインにおいて 広く利用されている。特に物体検出は、産業用ロボットの ハンドリング作業での対象ワークの位置ずれ検出や、半導 体製造装置での位置決めマーク検出など様々な用途で使わ れている(1)(2)。ここでの画像処理は主に正規化相関による パターンマッチングが使われているが、対象物の回転やオ クルージョンが課題となっている。そのため、実際のライ ンにおいては対象物の向きを揃えるなど、お互いが重なら ないような工夫がなされている。一方, 回転やオクルージョ ンに対応するため、一般化ハフ変換(3)などの手法が提案さ れている。一般化ハフ変換では、対象物の輪郭の接線方向 が投票空間のパラメータとなるが、実際のシーンにおいて 輪郭の接線方向を精度よく求めることは難しく、最終的な 検出精度に影響する。また カメラと対象物の距離が変動 すると対象物の大きさが変わり,スケールもパラメータと なり4次元の投票空間での探索となるため処理時間への影 響が考えられる。上記の処理において対象は任意形状であ るが,産業用の部品では直線部を含むパーツが多く, 半導体のパターンでも多くは直線部から構成されてい め,直線部による検出機能だけでも広い用途があると られる。直線部に基づく物体検出では,直線検出が重 なる。直線検出では,直線検出用のハフ変換⁽⁴⁾が知ら いるが,大きなメモリ空間が必要で計算量が多いと考^{*} れてきた⁽⁵⁾。しかしながら近年の半導体技術の進歩によ 処理速度やメモリ容量が向上してきており,従来の課題 実用化の課題とはいえなくなりつつある。

そこで本論文では,直線検出用ハフ変換によって検出 た直線に基づく物体検出について述べる。本手法は, 物の回転やオクルージョン 拡大・縮小にも対応した物 検出方式である。ここでは得られた直線の2次元投票空 でのパラメータを用いたマッチングを行っている。ハフ 換の投票空間を利用したマッチングでは回転や並進を求め る報告⁽⁰⁾ や,さらに拡大縮小のスケール変換に拡張した報 告⁽¹⁾ などがある。これらの報告では,対象を任意形状とし て,投票空間におけるヒストグラムのマッチングによって 回転成分を求め,さらにスケールや並進成分を求めている が,ここではハフ変換によるθ-ρ平面での分布そのものを 処理しているため,対象以外のものがあったり,対象が隠 蔽されると分布状態が変わりマッチングに影響が出てくる と考えられる。一方,本手法では,対象物の直線に限定し,

^{*} 九州工業大学

⁸⁰⁴⁻⁸⁵⁵⁰ 福岡県北九州市戸畑区仙水町 1-1

Kyushu Institute of Technology

¹⁻¹ Sensui-cho, Tobata-ku, Kitakyushu shi, Fukuoka, 804 8550

 ϵ れらの θ - ρ 平面での点同士のマッチングにより,マッチ γ グの信頼性が上がり,高速化やロバスト性の向上が期待 ϵ きる。本手法では,モデルとシーンの画像から直線を検 此,その中から対応する組合せを求めている。まず,カ jラからの入力画像に対してエッジ画像を得る。次に,得 sれたエッジ画像よりハフ変換を用いて直線検出を行う。 nフ変換によってエッジ画像中の直線は二つのパラメータ o組(θ , ρ)で表される。あらかじめ登録しておいた検出対 象(モデル)と入力画像(シーン)の直線パラメータを比 較することにより,対応する直線の組み合わせを見つけ物 k検出を行う。

概 要

(2・1) 直線の θ - ρ 平面への変換 x-y平面上の直線 L上の点(x, y)は、ハフ変換によってパラメータ (θ, ρ) で 表される。また、 $\theta \ge \rho$ の関係は式(1)で表される。

$$\rho = x \cos \theta + y \sin \theta = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \dots \dots (1)$$

ここで、 ρ は直線と原点との距離、 θ は直線と原点との垂角 である。さらに Fig.1(a) に示す直線 L が平行移動 (t_x, t_y)、 回転角 α 、拡大率 s で Fig.1(b) に示す直線 L' に移動した とき、直線 L' 上の点 (x', y') は (2) 式で表される。

$$\begin{bmatrix} x'\\y'\end{bmatrix} = s \begin{bmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha\\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x\\y\end{bmatrix} + \begin{bmatrix} t_x\\t_y\end{bmatrix} \dots \dots \dots (2)$$

 $tc, ical a L' のパラメータ (\theta', \rho') は (3) 式で表される。$

$$\frac{\rho' - t_x \cos \theta' - t_y \sin \theta'}{s} = \left[\cos \left(\theta' - \alpha\right) \quad \sin \left(\theta' - \alpha\right) \right] \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \dots \dots \dots (4)$$

を得ることができる。(1) 式と(4) 式を比較して,(5) 式 および(6) 式のように移動前と移動後の直線パラメータの 関係を得ることができる。

 $\rho' = t_x \cos \theta' + t_y \sin \theta' + s\rho \cdots (6)$

Fig.2 および Fig.3 に例を挙げる。Fig.2(a) は三角形の 像で、それぞれの直線を L_1 , L_2 , L_3 とする。Fig.2(b) L_1 , L_2 , $L_3 & \epsilon \theta - \rho$ 平面に変換しており、直線 L_1 , L_2 , ^{3 が点 P_1 , P_2 , P_3 に対応し、 β_1 は $L_1 & L_2$ の相対角度, は $L_2 & L_3$ の相対角度を表す。Fig.3(a) は Fig.2(a) が 動した状態で、回転角度は α である。直線 L'_1 , L'_2 , L'_3}









はそれぞれ Fig.2(a) 中の直線 L_1 , L_2 , L_3 に対応する。直 線間の相対角度である β_1 および β_2 は移動後も変わらない ため, Fig.3(b) に示すように θ - ρ 空間中におけるそれぞれ の直線パラメータの θ 方向の相対位置も変わらず,回転角 α だけ θ 方向にずれるだけである。そのため,移動前と移 動後の直線パラメータの θ を比較することにより回転角 α を推定することができる。

〈2·2〉 物体検出 本論文で提案する手法は、物体検 出を行うためにモデルとシーンで対応する直線部を見つけ, 平行移動量,回転角,拡大率を推定する方法である。最も 単純な方法は、すべての直線パラメータの組合わせについ て計算を行う方法であるが、それだと多くの処理時間を必 要とする。そこで本手法では、複数のマッチング処理を設 け、各マッチング処理で解と判断された直線の組合わせの み後段のマッチング処理に進めることで処理時間の短縮を 図っている。Fig.4 に提案する物体検出法の概略を示す。提 案する物体検出法は, エッジ検出, 直線検出, マッチング の三つに分けられる。さらにマッチング部は, θパラメー タによるマッチング,ρパラメータによるマッチング,直線 の交点によるマッチングを含んでいる。エッジ検出部では, Canny Edge Detection⁽⁸⁾を用いて入力画像からエッジ画 像を得ている。直線検出部では、ハフ変換によって入力画 像中の直線部を検出し, それぞれの直線はパラメータ (θ,ρ) によって表される。マッチング処理を行う前にシーンの直 線パラメータ空間を拡張する。拡張することによって検出 対象の回転角 α が大きい場合でも検出できるようにしてい



Fig. 4. Flow diagram of our method

る。θマッチングでは、シーンから選び出した直線の相対 角度と対応するモデルの直線の相対角度を比較することに よってマッチングを行う。ρマッチングでは、式(6)を用 いて導出した直線のρパラメータの理論値と実際の値との 偏差によってマッチングを行う。直線の交点によるマッチ ングでは、推定した検出対象の平行移動量、回転角、拡大 率を用いて直線の交点座標の理論値と実際の値を比較する ことによってマッチングを行う。

3. 原 理

〈3·1〉ハフ変換による直線検出 提案する物体検出法では、Canny Edge Detection により得られたエッジ画像に対してハフ変換を行い直線部を検出する。ハフ変換は投票と多数決による直線検出法で、画像中にノイズが含まれている場合、また直線の一部が欠落している場合でも検出可能であるとされている。ただし、ハフ変換による直線検出法が安定して使用できるのは パラメータ空間上の十分に離れた長い直線群の場合であり、本論文では、パラメータ空間のピークを消し込むことによって直線検出の精度を高めている。

(1) 式に示すように、ハフ変換によってエッジ画像中の ひとつの点はθ-ρ平面上のサイン曲線に変換される。x-y平 面中の一直線は複数の点からなり、θ-ρ平面に複数のサイ ン曲線を描くことができ、それらは一点で交わる。x-y平 面上の直線を見つけるには、ハフ変換を行った後、θ-ρ平 面上で複数のサイン曲線の交点を見つけることになり、こ の処理をプログラムで実現するには、サイン曲線を描く代 わりに二次元配列を用意し対応するセルをインクリメント する。このときサイン曲線の交点は投票数のピークに対応 する。入力画像中に複数の直線が含まれている場合、二次 元配列中に複数のピークが現れる。これらのピークを検出



(a) input (b) standard (c) modified Fig. 6. Line Detection

する手法は多く提案されている⁽⁹⁾⁽¹⁰⁾。

ー本の直線を構成する画素が n 個の場合, それに対応す る θ-ρ 平面上の点を n 本のサイン曲線が通り投票数は n となる。一般に直線検出では, 投票数が与えられた閾値よ り大きい点を直線とするが, ここで課題となるのが, 投票 数がピークとなる点の周囲の点も大きな投票数を持つため, これらの点も直線として検出されてしまう。そのためピー クの周辺を無視することも考えられるが, 近接する別の直 線がある場合, それが検出できなくなる。ピークとなる点 の周辺の投票数が大きくなるのはピークを通るサイン曲線 が寄与しているためであり, 本方式ではピーク点を検出し た後, そのピーク点を通る曲線を消して次のピーク点を探 索している。具体的には以下の手順である。

- (1) 二次元配列から最大投票点を探し出し,直線部と 判断する。
- (2) 最大投票点を通るサイン曲線上のセルをデクリメントする。

 (3) 二次元配列中に新たな最大投票点が現れる。
 これらのステップを,最大投票点の投票数がしきい値以下となるまで繰り返す。通常のハフ変換による直線検出結果とθ-ρ空間でピークを消し込んだ場合の直線検出結果を, Fig.5 および Fig.6 に示す。

(3.2) パラメータ空間の拡張 Fig.7(a) と Fig.7(b) はモデルとシーンのパラメータ空間である。ハフ変換での θ の範囲は $0 \sim \pi$ であり それ以上の回転量に対応するためト 本手法では、Fig.7(c) に示すようにシーンのパラメータ空 間を θ 方向に拡張している。この後の θ パラメータによる マッチング処理ではモデルの直線を表す点 $P_1 \sim P_3$ とシ ンの点との組み合わせを求めるが、その際、モデルの点の 方向の並びを考慮しており、例えば Fig.7(a) と Fig.7(c) おいてモデルの点 P_1 と 2π に近いシーンの点 Q'_4 の組み わせを選ぶとそれ以降の P_2 , P_3 の対応点の候補は 2π よ



大きい点 $Q''_1 \sim Q''_4 \geq 0$ 組み合わせとなるため,実際に求め る回転量は $0 \sim 2\pi$ であるがここでは 3 倍に拡張している。 シーンに n 本の直線が含まれているとし, S_j を j 番目の 直線, θ'_j および ρ'_j をそれぞれ直線 S_j の θ パラメータおよ び ρ パラメータとすると,パラメータ空間の拡張は以下の 式で表される。

$$S_{n+j} \colon \theta'_{n+j} = \theta'_j + \pi, \ \rho'_{n+j} = \rho'_j \quad \cdot \quad \cdot \quad (7)$$

$$S_{2n+j} \quad \theta'_{2n+j} = \theta'_j + 2\pi, \ \rho'_{2n+j} = \rho'_j \quad \cdots$$
 (8)

(3・3) θ パラメータによるマッチング Fig.2(b) お よび Fig.3(b) に示したように、回転によって直線パラメー タは θ 方向にシフトされるが直線間の相対角度は一定であ る。 θ パラメータによるマッチングではシーンからモデル と同数の直線を選び出し、それぞれの相対角度がモデルの 直線間の相対角度と一致する直線の組合わせをマッチング の解の候補とする。実際には、直線検出での量子化誤差を 考慮してしきい値を設け、それぞれの相対角度に若干のず れがあってもマッチングの候補とする。また、解と判断さ れた直線の組合わせに関して、モデルとシーンで直線パラ メータの θ の差分を計算することによって回転角 α を得る ことができる。

(3.4) ρ パラメータによるマッチング シーン中での 直線の ρ パラメータは (6) 式で表される。 ρ パラメータに よるマッチングでは、 θ マッチングで候補とされたモデル とシーンの対応する直線の組合わせから検出対象の平行移 動量および拡大率を推定し、直線の ρ パラメータの理論値 と実際の値を比較することにより対応する直線を絞り込む。 モデルの直線パラメータ (θ_i, ρ_i) とシーンの直線パラメー タ (θ'_i, ρ'_i) が対応する場合、評価値 E_ρ は式 (9) のように 義される。

$$E_{\rho} = \sum_{i=1}^{\infty} \left(\rho'_i - t_x \cos\theta'_i - t_y \sin\theta'_i - s\rho_i\right)^2 / s \tag{9}$$

ーで t_x および t_y はそれぞれ x 方向および y 方向の平行動量, s は拡大率で,

$$\begin{bmatrix} \sum \cos \theta_i'^2 & \sum \cos \theta_i' \sin \theta_i' & \sum \rho_i \cos \theta_i' \mid |t \\ \sum \cos \theta_i' \sin \theta_i' & \sum \sin \theta_i'^2 & \sum \rho_i \sin \theta_i' \mid |t_y \\ \sum \rho_i \cos \theta_i' & \sum \rho_i \sin \theta_i' & \sum \rho_i^2 \mid |s \\ \\ = \left| \sum \rho_i' \cos \theta_i' \right| \\ = \left| \sum \rho_i' \sin \theta_i' \mid \dots \dots (10) \right| \\ \sum \rho_i' \rho_i \\ \end{bmatrix}$$

$$\frac{E}{F} \left\{ \zeta \subset \xi \mid \xi \mid \xi \mid \xi \in G \quad BH \right\} + I(BG \quad CF) \\ ACH + 2BFG - CF^2 - AG^2 - B^2H \\ (11) \\ t_y = \frac{D(FG - BH) + E(AH - F^2) + I(BF - AG)}{ACH + 2BFG \quad CF^2 \quad AG^2 - B^2H} \\ (12) \\ s \quad D(BG \quad CF) + E(BF \quad AG) + I(AC - B^2) \\ ACH + 2BFG - CF^2 - AG^2 \quad B^2H \\ \end{bmatrix}$$

ただし,

$$A = \sum \cos {\theta'_i}^2 \qquad B \qquad \sum_{i=1}^n \\ C = \sum \sin {\theta'_i}^2 \qquad D \qquad \sum_{i=1}^n \\ E = \sum \rho'_i \sin {\theta'_i} \qquad F \qquad \sum_{i=1}^n \\ G = \sum^n \rho_i \sin {\theta'_i} \qquad H \qquad \sum_{i=1}^n \\ I = \sum \rho_i \rho'_i$$

である。(9)式に示した評価値 E_{ρ} は、シーンの直線の ρ パラメータの理論値と実際の値の偏差で、ここでは評価値 E_{ρ} がしきい値以下となる直線の組合わせを候補とする。

(3.5) 直線の交点によるマッチング 物体検出の解 として平行移動量,回転角,拡大率は ρ マッチングで求め た。しかし,コンピュータの量子化誤差などが原因で誤検 出を行う場合がある。そこでマッチングの最終段階として 直線の交点によるマッチングを行うことにより,より高精 度な検出を実現している。モデルの直線 M_p および M_q が それぞれシーンの直線 S_p および S_q に対応しているとする と, M_p と M_q の交点も S_p と S_q の交点に対応する。これ らの交点座標をそれぞれ (x_k, y_k), (X_k, Y_k)とすると,こ こでの評価値 E_c は次のように定義される。

$$E_c = \sum (x_k \quad x'_k)^2 + (y_k - y'_k)^2 \tag{14}$$

ただし,

$$\begin{bmatrix} x'_k \\ y'_k \end{bmatrix} = s \begin{bmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_k \\ Y_k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \end{bmatrix} \cdot (15)$$

直線の交点によるマッチングでは,評価値 *E* をしきい値 以下かつ最小となるシーンの直線の組合わせを解とする。



4. 実験結果

本論文で提案した物体検出法を用いて,種々の入力画像 に対して物体検出を行った結果を示す。各画像は左上を原 点とし,大きさは256×256pixelある。また,モデルの 直線はハフ変換による直線検出を行った後,オフラインで 登録した。

Fig.8 に示すのは、厚紙を切り抜いて作成した多角形を 対象物とした場合である。Fig.8(a) はモデル画像で、6本 の直線部をモデルとして登録した。Fig.8(b) はシーン画像 で、4 個の多角形が含まれており、検出対象と他の多角形 に重なりが生じている。Fig.8(c) は検出結果で、モデルと 対応するシーン中の直線の組を表示している。Table 1 に 検出対象の移動量を示す。また、検出実験のしきい値は、 θ パラメータによるマッチングでは±4[degree]の範囲、 ρ パ ラメータによるマッチングでは評価値 E_{ρ} をモデルの直線 の数で

マッチンクでは評価値 E_c を交点の数で割ったときの値が 5 [pixed]以下とした。これらの値は以下の実験でも共通で ある。

Fig.9 に示すのは、中央部に穴があり角が丸い四角形の 産業部品である。Fig.9(a) はモデル画像で、4 本の直線部 をモデルとして登録した。Fig.9(b) はシーン画像で、検出 対象の他に円形の部品とねじ穴の空いた部品が含まれてい る。Fig.9(c) は検出結果で、モデルと対応するシーン中の

Table 2. Result of Fig.9			
Item	Value		
Translation t_x	11.93	pixel	
Translation t_y	5.85	pixel	
Rotation angle	-7.00	degree	
Scale	1.01		



(a) model (b) scene (c) result Fig. 10. Detection of arrow mark in indoor environment

Table 3.	Result of Fig.10
----------	------------------

Value	
-29.46	pixel
-275.54	pixel
-134.33	degree
-2.11	
	Value -29.46 -275.54 -134.33 -2.11

直線の組を表示している。Table 2 に検出対象の移動量を 示す。

Fig. 10 に示すのは, 矢印が含まれる風景である。Fig.10(a) はモデル画像で, 6 本の直線をモデルとして登録した。 Fig. 10(b) はシーン画像で, モデルの矢印を印刷した紙を 風景中に張った状態を入力画像とした。Fig. 10(c) は検出結 果で, モデルと対応するシーン中の直線の組を表示してい る。Table 3 に検出対象の移動量を示す。

5. 処理時間

第4章で示した結果以外に、いくつかの画像を用いて実 験を行った。それぞれの画像においてマッチングに要した 時間は、シーンやモデルの直線の数に関わらずおよそ15~ 20ms であった。しかし、直線検出に要した時間は入力画 像中のエッジ点の数によって変化した。その結果を Fig.11 に示す。実験に用いたコンピュータの仕様およびプログラ ミング言語は Table 4 の通りである。

マッチングの処理時間は、シーンに含まれる直線の数に 依存するが、 θ マッチングで θ 軸の相対位置を基にほとん どの組み合わせが除かれるため、最も時間を要すると考え られる(9)式~(15)式の計算が、シーン中の直線の数が 多い場合でも数回しか実行されず、処理時間に差が無かっ たと考えられる。一方、直線検出処理は、Canny Edge De tection によるエッジ点の抽出、(1)式によるハフ変換、 して $(3\cdot1)$ 節で述べたピーク点の検出がある。いずれも処理 時間がエッジ点の数に依存しており、特に(1)式の計算^で



Fig. 11. Preprocessing time

Table 4. Computer environment

Item	Spec	
OS	Microsoft Windows XP Professional SP2	
CPU	Intel Pentium4 Processor 2.4GHz	
Memory	1GB RAM	
Programing language	Microsoft Visual Basic .NET 2003	

は一つのエッジ点で 360 回の乗算を行っており,処理時間 の大半を占めていると考えられる。

実用化を想定したとき,移動ロボットや産業用ロボットな どの用途では、ロボットの動作速度を考慮すると処理時間 は 500[msec] 以下で十分であると考える。前述のように処 理時間はエッジ点の数に依存しており、Fig.10 に示した通 常のシーンではエッジ点の数が 3000 近くあり、600[msec] 以上かかっている。現在この処理は Microsoft 社の Visual Basic .NET 2003 を用い、中間言語形式で実行しているが、 C++ に移植することによって実行ファイル形式になるた め、処理時間は経験上、半減以下になることが見込める。

6. まとめ

本論文では,産業用ロボットへの応用として,検出対象 の直線部に注目した物体検出法の提案および検討を行った。

まず,直線検出法としてハフ変換を改良しθ-ρ空間でピー クを消し込む方法を述べた。通常のハフ変換による直線検 出では,入力画像中の一本の直線部に対して複数の直線が 検出され,また短い直線部や近い位置にある直線部を検出 できないことがあった。一方,消し込みを行った場合では、 ~本の直線部に対して多くとも三本程度の直線しか検出さ れず,また通常の方法では検出できなかった短い直線部や



Fig. 12. Sensor data of mobile robot

近い位置にある直線部も検出することができた。消し込み を行う方法は通常の方法と比較して,高精度な直線検出が できるといえる。

更に、本論文で提案した直線パラメータを用いた物体検 出法により、検出対象に回転、拡大、隠蔽が生じている場 合でも検出を行うことができた。また、バックライト等の 撮影条件が整っていない風景を入力画像とした場合におい ても物体検出を行うことができた。

現在この検出方式では、モデルの直線がシーン中にすべ てあることを前提としており、一つの直線が完全に隠れて いる場合、検出ができない。これはマッチング処理において モデルの全ての直線に対して、シーン中の直線を対応させ て評価しているためである。今後の課題の一つとして、(14) 式で与えられる評価値において満足する結果が得られない 場合は、モデルの直線を一つだけ無視して、同様なマッチ ング処理を実行する処理方式を検討中である。これによっ て満足する評価値が得られた場合、無視した直線がシーン 中では隠れているものと解釈できる。

本論文で提案した物体検出法は産業用ロボットを対象と しているが,移動ロボットへの応用についても検討してい る。Fig.12に示すように,移動ロボットに使用されるレー ザを用いた位置検出センサーは,ロボット周辺の状況を図 中の点で示すように感知する。このセンサーデータから,本 論文で提案した物体検出法を用いてロボット周辺の壁など の直線形状を検出することができると考えている。 (平成19年3月30日受付,平成19年9月14日再受付)

文 献

- (1) 江尻正員監修:「画像処理産業応用総覧上巻 基礎・システム技術 編」、フジテクノシステム(1994)
- (2) 江尻正員監修:「画像処理産業応用総覧下巻 応用技術編」、フジテ クノシステム (1994)
- (3) D.H. Ballard: "Generalizing the Hough Transform to Detect Arbitrary Shapes", Pattern Recognition, Vol.13, No.2, pp.111-122 (1981)
- (4) Paul V. C. Hough: "Method and means for recognizing complex patterns", U.S. Patent 3069654 (1962)
- (5) 和田俊和·松山隆司:「Hough 変換に基づく図形検出方法の新展開」,

情処学誌, Vol.36, No.3, pp.253-263 (1995)

- (6) D.C. Pao, H.H. Li, and R. jayakumar: "Shape Recognition using the Straight Line Hough Transform: Theory and Generalization", IEEE Trans., PAMI, Vol.14, No.11, pp.1076-1089 (1992)
- (7) 坂井 厚・野村由司彦:「ハフ変換平面を利用した相似変換画像のマッ チング」, 信学論 (D-II), **J80-D-II**, 11, pp.2969-2975 (1997)
- (8) J. Canny: "A computational approach to edge detection", IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intel ligence, Vol.8, No.6, pp.679-698 (1986)
- (9) Y. Furukawa and Y. Shinagawa: "Accurate and robust line segment extraction by analyzing distribution around peaks in Hough space", Computer vision and image understanding, Vol.92, No.1, pp.1-25 (2003)
- (10) J. Song and M. R. Lyu: "A Hough transform based line recognition method utilizing both parameter space and image space", Pattern recognition, Vol.38, No.4, pp.539 552 (2005)
- (11) T. Okuzono and H. Wakizako: "A matching method of straight lines in θ - ρ space for object detection", In AISM2006 Second Asia International Symposium on Mechatronics (2006)

奥 苑 大 成 (学生員) 1983 年生。2005 年 3 月九州工業大学 工学部電気工学科卒業。同年4月九州工業大学大 学院工学研究科機能システム創成工学専攻入学。



脇迫



仁 (正員) 1958年生。1983年九州大学工学部電子 工学科修士課程修了。同年(株)安川電機入社。 産業用ロボットの制御技術、及びセンサの研究開 発に従事。2003年10月より九州工業大学機能シ ステム創成工学専攻助教授。博士(工学)。