

スリーブ組立式圧延ロールの界面クリープに及ぼす 駆動トルクの影響

酒井 悠正1)・野田 尚昭11*・佐野 義一1)・張 国偉1)・高瀬 康1)

Effect of Driving Torque on the Interfacial Creep for Shrink-fitted Bimetallic Work Roll *Hiromasa* SAKAI, *Nao-Aki* NODA, *Yoshikazu* SANO, *Guowei* ZHANG and *Yasushi* TAKASE

Synopsis : The bimetallic work rolls are widely used in the roughing stands of hot rolling stand mills. The rolls are classified into two types; one is a single-solid type, and the other is a shrink-fitted construction type consisting of a sleeve and a shaft. Regarding a shrink-fitted construction type, the interfacial creep sometimes appears between the shaft and the shrink-fitted sleeve. This interfacial creep can be regarded as the relative displacement between the sleeve and the shaft, which often causes the roll damage. In this paper, the FEM simulation is performed to clarify the effect of driving torque on the interfacial creep by considering the driving motor torque. It is found that the relative displacement in the interfacial creep is accelerated by the presence of the motor torque significantly. With increasing the shrink fitting ratio, the relative displacement in the interfacial creep decreases. The effects of motor drive torque on the stress, the displacement and average displacement along the interface were also discussed by varying the motor torque.

Key words: shrink fitting; rolling roll; bimetallic roll; interfacial creep; motor torque; sleeve; shaft.

1. 緒言

鉄鋼圧延において用いられるロールの中で,1000 mmを 越える胴径の大きな補強ロール¹⁾ や大型H形鋼圧延用ロー ル^{2,3)} 等では,中実式ロールに代わり中空円筒胴部に軸を焼 嵌めるスリーブ組立式構造が試行され,一部は実用化され てきた (Fig.1参照)。スリーブ組立式ロールは圧延により 消耗したスリーブだけの交換で,軸は継続使用ができる等 の利点があるものの,ロール残留曲がり⁴⁻⁶⁾ やスリーブの 円周すべりに起因するスリーブ割れ^{7,8)} など,固有の問題が ある。この中で,スリーブの円周すべりに関しては,過大 な回転トルクによって一気にすべりが生じることが報告さ れている^{7,8)}。そこで,新たなスリーブすべりの要因の解明 が求められてきた。

このようなスリーブ組立式ロールにおけるスリーブの 挙動に関する研究は少ないが,同様な現象は,転がり軸受 において,軸とインナーレース間,ハウジングとアウター レース間ですべりが生じ,これがクリープ現象として,50 年以上前から知られている⁹⁻¹¹⁾。しかし,その生成機構を 定量的に取り扱った研究は見当たらない。

著者等は先に、スリーブすべりの新たな要因として、"界 面クリープ"(単に、クリープと略称することがある)によ るすべりに注目した¹²⁾。界面クリープとは界面における微 小な相対変位の累積であり,結果的にはスリーブすべりを もたらす要因と考えて,熱間鋼板圧延仕上作動ロールを対 象に,その生成機構を自由転がり条件下で考察した¹²⁾。そ こでは,モーターの駆動トルクを加えない,単純な転がり 条件下でも,界面クリープが生じることを明らかにした。 これより,組立式ロールに固有のスリーブ円周すべりが, 界面クリープが原因で引き起こされることを数値シミュ レーションで表現して初めて実証した。このように,前報 では,自由転がり条件として,ロール上下方向の対称な荷 重のみを考えた。しかし,実ロールでは駆動トルクとそれ に釣り合う被圧延材からのトルクにより界面クリープの加 速が予想される。

そこで、本論文では、スリーブと軸を焼嵌め接合した4 重式圧延機のワークロールにおける、界面クリープの数値 シミュレーションに際して、先に考察したモデルを基に実 際の圧延条件に近づけるために、駆動トルクを軸に付与し て、界面クリープに及ぼすトルクの影響を調べる。また、 ロールの有する耐すべり性を支配する焼嵌め率と摩擦係数 の界面クリープへの影響を明らかにして界面クリープへの 考察を深める。さらに界面クリープによるスリーブすべり に起因するスリーブ割れを考察するためスリーブ内面に生 じる応力についても言及する。

²⁰¹⁹年4月22日受付 2019年8月1日受理 (Received on Apr. 22, 2019; Accepted on Aug. 1, 2019)

¹⁾ 九州工業大学大学院工学研究院機械知能工学研究系 (Dept. of Mechanical and Control Engineering, Kyushu Institute of Technology, 1-1 Sensui-cho Tobata-ku Kitakyushu Fukuoka 804-8550)

^{*} Corresponding author : E-mail : noda@mech.kyutech.ac.jp

DOI: https://doi.org/10.2355/tetsutohagane.TETSU-2019-048

軸駆動トルク作用下における 界面クリープの数値シミュレーション方法

2・1 軸トルクの導入

Fig.1に、本研究で対象とする4段式圧延機に使われるス リーブ組立式薄板圧延ロールの圧延中における概略図を示 す。Fig.1 (a) は、ロール長さ中央軸断面、Fig.1 (b) は、ロー ル軸断面をそれぞれ見たものである。Fig.1に示すスリーブ ロールは、鋼製の軸に、胴部スリーブが焼嵌めにより組立 てられておりスリーブには耐摩耗性と強靭性の双方が要求 されるため、外層にハイスや高クロム鋼などの耐摩耗材、 内層には合金鋼からなる複合スリーブで構成されるのが一 般的である。

界面クリープの解析に用いるロールへの負荷は, バッ クアップロールからスリーブへの圧下力P, 圧延材からス リーブへの圧延反力Pと摩擦力(せん断力)およびモーター から軸への駆動トルクTである。駆動トルクT=0および 摩擦力S=0の条件での界面クリープの生成に関して著者 等は先の研究で, その生成機構を明らかにしてきた¹²⁾。こ こでは軸駆動トルクTと摩擦力(せん断力ともいう)Sを付 加することによる界面クリープの挙動を明らかにする。そ こで,軸駆動トルクTとロール焼嵌め部の有する滑りトル クT_rの関係を整理する。焼嵌め接合型ロールでは,軸駆動 トルクTに対して, ロール側の滑り抵抗トルクT_rを大きく する必要がある。すべり安全率をαとすると, T, T_rは次式 (1), (2)で表される。



(b) Roll longitudinal cross section.

Fig. 1. Schematic illustration for real hot strip rolling roll. (Online version in color.)

ここでdは軸直径 (≅スリーブ内径), l_b はロール胴長, μ は軸・スリーブ間の摩擦係数, および $\sigma_{r,shrink}$ は焼嵌め時の 半径方向応力 (焼嵌め圧力) である。 そは焼嵌め有効率で焼 嵌め寸法, 面形状の加工誤差に伴う, 実質焼嵌め率の低下 を表わす。スリーブ・軸間におけるスリーブ抵抗トルクは 基準条件 (ζ=1, l_b =1 mm, μ =0.3, σ_r =-21.6 MPa, δ/d = 0.5×10⁻³, 2・2参照) で T_r =3193 N m/mmとなる。また軸 駆動トルクTは, モーターの定格トルク T_m =471 N m/mm (日新製鋼 (株) 呉製鉄所熱間仕上げF3¹³⁾上, 減速比 η = 1.882であるがここでは η =1とする)を基準として用いる。 この基準条件 $T=T_m$ =471 N m/mmより, 式 (2) の安全率 は α =6.77である。

次に,軸トルクの導入に際して,回転モーメントの釣合 いから圧延材によって,スリーブ外径にもたらされる基準 条件におけるせん断力Sは,式(3)で求まる。

$$T_{\rm m} = S \frac{D}{2} \left({\rm N m / mm} \right)$$
(3)

モーターの定格トルクT_m=471 N m/mmの場合,式(3) より,摩擦力(せん断力)はS=1346 N m/mmと求まる。

2・2 界面クリープの解析方法

Fig.2とFig.3は数値シミュレーション法の説明図であ る。Fig.2に示すように、ロールを回転させず、ロール表面 の周方向荷重移動でロール回転を表現する^{10,11)}。Fig.2 (a) はロールが回転する実体ロールであるが、これをFig.2 (b) のように、荷重を一定の間隔 φ_0 で離散的に移動させること でロールの回転を表現する。なお荷重移動間隔は解析精度 と計算時間を考慮して、 $\varphi = 4^\circ$ とした¹²⁾。

Fig.3に、本研究で使用する数値シミュレーションのモデ ルを実体ロールモデルと関連させて示す。Fig.3 (a) は、実 体ロールとその負荷条件を示し、Fig.3 (b) はこれをモデル 化したもので、中心に剛体を導入してロール中心の変位と 回転を拘束する。さらに、解析と考察を容易にする観点か ら、Fig.3 (c) のように、軸全体を剛体にし、軸の変位と回 転を拘束したモデルを用いる。また、せん断力Sを加えて 解析を行うため、軸の各部位に反力が発生し、その反力に よるモーメントの総和が軸駆動トルクTとなる (T=SD/2、 Fig.3 (a) 参照)。Fig.4には、モデルのメッシュ分割図を示 す。メッシュ分割には、四辺形一次要素を用い、その数は、 4.6×10⁴である。

剛体軸に対するスリーブの移動量 u_{θ} を次のように定義 する。荷重が角度 $\varphi = 0^{\circ}$ から φ (同時に $\varphi = \pi$ から ($\pi + \varphi$) であるが, 少略することがある)まで移動する間の, 界面 上の角度θにおけるスリーブ内面の変位を*u^{P(0)-P(φ)}(θ)*と表示する。ところで,ここでは軸を剛体としているため,ロール回転 (荷重移動) によって剛体各部には位相差は生じな

い。一方,スリーブは弾性体であるため,ロール回転(荷重 移動)に伴って,スリーブ各部には,位相差が生じる。この ことは剛体軸の焼嵌め面と弾性スリーブ焼嵌め面の周方向



Fig. 2. The roll rotation of the replaced by the discrete shifted loads at interval of the load shift angle φ_0 . (Online version in color.)



Fig. 3. Modeling of FEM 2D model. (Online version in color.)



Fig. 4. Standard FEM mesh model. (Online version in color.)

相対変位 u_{θ} が,スリーブ内面の変位に等しいことを意味する。すなわち,変位 $u_{\theta}^{P(0)-P(\varphi)}(\theta)$ が焼嵌め面におけるクリープを表現するものといえる。

Table 1に,解析に用いるロールモデル寸法,機械的性質 および境界条件を示す。ロールに加わる外力Pは,バック アップロールによるスリーブへの負荷と圧延材によるス リーブロールへの反力が等しいとしてロール1 mm当たり 荷重P=13270 N/mmを用いた。これは普通鋼板の熱間圧 延に相当する条件を想定したものである¹³⁾。スリーブと軸 との焼嵌め接合において,焼嵌め代 δ を内径dで除したも のを焼嵌め率 δ/d と定義し,ここでは δ/d =0.5×10⁻³を用 いる。またスリーブ・軸間の摩擦係数は μ =0.3とする。

Table 1. Dimensions, mechanical properties and boundary conditions of roll model.

Mechanical properties		
Sleeve	Young's modulus of steel sleeve E	210 GPa
	Poisson's ratio of steel sheeve v	0.28
Shaft	Young's modulus of rigid shaft Es	∞ GPa
Roll size		
Outer diameter of sleeve		700 mm
Inner diameter sleeve d		560 mm
Shrink fitting		
Shrink fitting ratio δ/d		0.5×10 ⁻³
Friction coefficient between sleeve and shaft μ		0.3
External force		
Concentrated load per unit width P		13270 N/mm (Total: 1.327×10 ⁷ N, Rolled width: 1000 mm)
Frictional force per unit width S*		1346 N/mm
Motor torque per unit width $T_{\rm m}^*$		471 N m/mm
Resistance torque per unit width T_r^*		3193 N m/mm
Bending force from bearing $P_{\rm b}$		0 N m/mm

数値解析には,複数の材料で構成された構造に対して比 較的容易に実行できる有限要素法(Finite Element Method, 以降FEMと略称する)を用いた。有限要素法の適用例は 様々報告されており,複合材などへの適用¹⁴⁻¹⁹⁾が比較的容 易であるという利点の他に,引張試験片のような単純な構 造の解析²⁰⁾から,ボルト・ナットのような複雑な構造の解 析²¹⁾まで行うことができ,汎用のFEMソフトも数多く開 発されている。ここではMSC, Marc/Mentat 2012を用いる。 このソフトでは,非線形解析に完全ニュートン・ラプソー ン法を使用しており,接触解析には,直接拘束法を使用し ている²²⁾。解析タイプは静的構造で平面ひずみ解析とす る。

3. 界面クリープの数値シミュレーション結果

3・1 荷重移動に伴う変位の挙動

Fig.5には、スリーブが荷重移動 $\varphi = 0 \sim \varphi = \varphi$ を受ける ときの、スリーブ界面の周方向変位 $u_{\theta}^{P(0)-P(\varphi)}(\theta)$ を示す。こ こで変位 $u_{\theta}^{P(0)-P(\varphi)}$ の上付き $P(0) \sim P(\varphi)$ は、荷重を $\varphi = 0 \sim \varphi = \varphi$ と移動させたとき、 θ におけるスリーブ変位 $u_{\theta}(\theta)$ を 意味する。

Fig.6に集中荷重Pに加えてせん断力Sが付加される場合 で、 $\varphi = 0$ 、および π 、 2π まで移動したとき、それぞれの変 位 $u_{\theta}^{P(0)}(\theta), u_{\theta}^{P(0)-P(x)}(\theta)$ および $u_{\theta}^{P(0)-P(2\pi)}(\theta)$ を示す。初期荷重 $\varphi = 0$ では、せん断力が作用する側の荷重位置($\theta = 0^{\circ}$)の 両側付近での変位の絶対値は異なり、せん断力の+方向 側($\theta > 0$)で変位の絶対値は大きく、 $|u_{\theta,T=Tm}^{P(0)}(-\theta)| <$ $|u_{\theta,T=Tm}^{P(0)}(+\theta)|$ である。次に、変位の非対称性を調べる ため、初期荷重 $\varphi = 0$ において、トルク有無による変位分 布 $u_{\theta}^{P(0)}(\theta)$ を比較してFig.7に示す。トルク無し(T=0)の





(b) Define the displacement $u_{\theta}(\theta)$ due to $P(0) \sim P(\varphi)$ as $u_{\theta}^{P(0) \sim P(\varphi)}(\theta)$.

Fig. 5. Definition of interfacial displacement due to the shifted load $P(0) \sim P(\varphi)$. (Online version in color.)

場合は、変位分布は荷重位置 ($\varphi = 0, \pi$)の両側で対称性²³ がある。一方、トルクを加えると、せん断力Sが作用する荷 重位置 ($\theta = 0$)では対称性が崩れる。但しSが作用しない φ = π 付近ではほぼ対称に近い。また、せん断力が加わると 平均変位は、初期荷重で $u_{\theta_{ave}}^{P(0)} > 0$ であり、この段階で界面 クリープが生じることが示される。

Fig.8に, $T = T_m \ge T = 0$ で荷重を1周させて,スリーブ変 位の挙動を平均変位 $u_{\theta_{ave.}}^{P(0)-P(\varphi)} \ge$ 荷重回転移動角 φ との関係 で示す。トルク有無によらず,荷重が移動するにつれて平 均値はほぼ線形的に増加していくが,Fig.6に示したように トルクが加わると,せん断力の作用により,変位の非対称 性が大きくなるとともに,無トルクの場合より2倍近く平 均変位が大きい。なお,荷重移動を $\varphi = 2\pi \times 5$,すなわち5



Fig. 6. Displacement due to load shifting $P(0) \sim P(\varphi)$ with $T=T_m$ when $\varphi=0$, $\varphi=\pi$ and $\varphi=2\pi$. (Online version in color.)



Fig. 7. Comparison of displacement distribution when $\varphi=0$, $T=T_{\rm m}$ and T=0. (Online version in color.)

回転させると、変位が1回転の略々5倍になることを確認 しており、1周の平均変位で、スリーブ変位の評価を適切 に行えるものと考える。

3・2 すべり域概念の導入による界面クリープの考察

前報の無トルク条件での研究では、界面クリープの生成 機構を, 界面でのせん断応力τ, と摩擦応力μσ, との関係か ら考察した。具体的には①焼嵌め面で発生するすべり域 の存在 (応力準平衡域, $\tau_{rd} \cong | \mu \sigma_r |$), ②すべり域を中心 に変位が残留すること(残留変位),③荷重移動(ロール 回転)とともに界面の平均変位が増加することに注目し た。Fig.9に初期荷重を負荷した場合の $T = T_m \ge T = 0$ にお けるすべり域を比較して示す。Fig.9 (a) はトルク $T = T_m =$ 471 N m/mm がある場合のすべり域とせん断応力 τ^{P(0)} , 摩 擦応力µσ^{P(0)}_{rθ,T=Tm}の分布,同様にFig.9 (b) はトルクがない場 合 (T=0 N m/mm) の分布を示す。ここではすべり域とし て,解析の精度を考慮し、±1 MPa以内で一致する領域を 求める。Fig.9 (a), (b) より, 負荷位置θ=0, πいずれの両 側にも $\tau_{r\theta}^{P(0)} \cong \mid \mu \sigma_r^{P(0)} \mid となる領域 (すべり域) が確認でき$ る。しかし、トルク有りの場合、集中荷重Pだけでなく、せ ん断力Sも作用するθ=0では、すべり域はせん断荷重の方 向側(+θ側)で大きく加えて, せん断応力も同様に大きく, 逆側では小さい。 つまり, せん断荷重の作用により荷重中 心において、 せん断応力の対称性も崩れてせん断応力作用 方向で大きい。そのため、初期荷重の段階でせん断力Sの 方向に+θ方向に界面クリープの加速が生じるものと考え られる。これはFig.7に示した軸トルクを伴う初期荷重時 の変位の非対称化とも一致する。

一方, せん断力が作用しないθ=πに注目すると, トルク



Fig. 8. Comparison of history of average displacement when $T=T_m$ and T=0. (Online version in color.)

の有無で,その両側のすべり域での明らかな違いはみられず,変位*u*_aの傾向と一致する。

界面クリープに対する軸トルクおよび スリーブ焼嵌め条件の影響

4・1 軸トルクの影響

ロールに加わる軸トルクとしてロール当たりのモーター 定格トルクTmを基準にして考察してきた。しかし、実ロー ルの軸には、定格トルクに加えて、減速比η、上下ロール 配分比, オーバートルク, 圧延材噛み込み時の衝撃係数な ど多くの要因で軸トルクが過大に加わる。そこでここでは 軸トルクが無い場合のT=0に加えて、モーターの基準ト ルクT=T_mおよびT=3T_m, T=T_r=6.77 T_m, さらにT_rを こえるT=8Tm, 10Tm それぞれを負荷する場合につき考 察した。Fig.10に1回転後の各軸トルクにおける変位分布 $u_{\theta T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\theta)$ を示す。トルクが大きくなるにつれて平均変位 が大きくなり、せん断力が作用するθ=0での変位と、せん 断力が作用しないθ=πとの差が次第に大きくなる。このθ =0 ($\theta = 2\pi$) ではせん断力に加えてすべり域も大きいこと から (Fig.9 (a)), 付加せん断力によってスリーブが+ θ 方 向に局所移動(すべり)が大きく,全周すべりを駆動して いると見ることもできる。

Fig.11はその平均変位 $u_{0,T_{ave}}^{P(2r)}$ を基準トルク T_m により整理したものである。軸トルクの増加によりスリーブの平均変位の傾きが大きくなり、 $T = T_m$ 付近の変位増加率に対比して、スリーブすべり抵抗 $T = T_r$ を越えると、2倍以上のす

べり速度に増大する。

4・2 スリーブ焼嵌め条件の影響

スリーブすべりを防止するロール設計上の観点からは, 式(1)のスリーブ円周すべり抵抗トルク T_r が基準となる。 式(1)より,既定のロール寸法や負荷条件では,摩擦係数 μ と焼嵌め圧力 $\sigma_{r,shrink}$ が T_r の主要な要因である。ここでは先 ず焼嵌め圧力 $\sigma_{r,shrink}$ を支配する焼嵌め率に注目する。一般 にスリーブ組立式ロールの場合,焼嵌め率は $0.4 \times 10^{-3} \sim$ 1.0×10^{-3} の範囲が適用される。スリーブ焼嵌め率範囲の



Fig. 10. Displacement distribution by varying torque *T* as *T*=0, $T_{\rm m}$, 3 $T_{\rm m}$, $T_{\rm r}$ (=6.77 $T_{\rm m}$), 8 $T_{\rm m}$, 10 $T_{\rm m}$ when φ =2 π .



Fig. 9. Comparison of slippage zone* under the initial loading P(0) when S=0 N/mm and S=1346 N/mm. (Online version in color.)

限定は、実用上使われてきた範囲に基づくもので、この範 囲は下回るとすべり、上回ると張り割れ⁸⁾の危険性が高く なる。ここでは、焼嵌め率を0~1.0×10⁻³の範囲で変化さ せ、基準焼嵌め率 $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ を中心に、荷重1回転後 $(\varphi = 2\pi)$ の変位を求めて考察する。Fig.12に、スリーブの 平均変位 u^{P(0):P(2#)}を焼嵌め率との関係で示す。ロール1回転 後の平均変位は、トルク有無を問わず焼嵌め率の増加とと もに小さくなり、特に基準焼嵌め率 $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ までの 減少が著しい。これは焼嵌め率の増加により, 焼嵌め圧力 $\sigma_{r,shrink}$ が大きくなり、その結果、すべり抵抗トルク T_r も大き くなるためである (式 (1))。 焼嵌め率 δ/d = 0 の条件でも界 面クリープが生じているのは、対称荷重Pによってロール が挟みこまれ、界面には常に接触圧力が生じてすべり抵抗 が存在するためである。焼嵌め率δ/d→∞は、スリーブと 軸の一体化を意味しており, 界面クリープは生じない。と ころで、軸トルク存在下の界面クリープは、トルクのない 単純転がりT=0と、軸トルクによる部分に区別すること ができる。それぞれのクリープへの影響度合が, 焼嵌め率 によって異なり、トルクによる影響度合が焼嵌め率0.25× 10⁻³付近で最も大きく,注目される。

なお,スリーブロール内周からの破壊を考えると,焼嵌 めによる円周方向応力は可能なかぎり小さくし,かつス リーブすべりの低減が求められる。そのため,クリープに よるすべりを防ぐためには焼嵌め率以外の要因を合わせて 考察する必要がある。

4・3 摩擦係数の影響

スリーブのすべり防止策として,前節の,焼嵌め率につ づいて摩擦係数の影響を考える。そこで,実用性を考慮し て摩擦係数の基準条件 $\mu = 0.3$ を挟んで,摩擦係数を $\mu = 0.1$ ~1に変化させ,1回転後の変位 u_{θ} を求めた。なお,変動さ せた摩擦係数の上限について述べる。スリーブ組立式ロー

0.8 T: Driving torque 0.7 $T_{\rm m}$: Rated torque of motor T_r : Slippage resistance torque 0.6 $u^{P(0)\sim P(2\,\pi)}_{ heta,T, ext{ave.}}\left(ext{mm}
ight)$ 0.5 $T = T_{\rm r} = 6.77 T_{\rm m}$ 0.4 0.3 0.2 0.1 01 2 4 6 8 10 $T/T_{\rm m}$

Fig. 11. Average displacement vs. $T/T_{\rm m}$ when $\varphi=2\pi$.

ルのスリーブ内面と軸面間における摩擦係数として, μ= 0.2が実験値として用いられている¹⁾。その他,鉄鋼同士の 摩擦係数としてμ=0.4が報告されている²⁴⁾。このようにス リーブロール接合面では, μ=0.2~0.4が用いられること が多い。また、鉄鋼に用いられる多くの金属に目を向けて みると、金属では一般に、合金よりも純金属のほうが摩擦 係数は高いと言われている。そこで、純鉄に近いアームコ 鉄と組み合わせて測定された摩擦係数をみると²⁵⁾、摩擦係 数の高い順に, アルミニウム, ニッケルは0.82, 0.58で, ち なみに鉄では0.52となっている。したがって、ここでの検 討では摩擦係数の上限値として1.0を用い, これ以上は実 用的ではないと考えた。Fig.13に平均変位uf@_P(2n)と摩擦係 数μの関係を示す。軸トルクの付加により、平均変位は、摩 擦係数の増加とともに小さくなり、付加トルクによる影響 が小さくなる。そして摩擦係数µ=0.8~1で一定値に収束 していき、トルクの影響がなくなる。このような変位に対 するトルクの影響度合いが摩擦係数μによって変化し, μ が大きくなると共にトルクの影響が小さくなる挙動は、焼 嵌め率の場合に似ている (Fig.12)。

一方トルク無しの場合,摩擦係数の増加により μ =0.2付 近で変位 u_{θ} が極大値をとる特異性がみられ, μ がさらに大 きくなると,トルク付加の場合同様, μ =1でほぼ一定値に 収束する。トルク無しの場合に, μ に対して変位が極大値 をもつ理由は"すべり域"の概念で理解できる。即ち,"す べり域"が生じた状態で,外からの力を除くとすべり域は 小さくなるが,残されたすべり領域には,接合界面に沿っ て歪みが残留する(残留歪み)⁵⁾。この残留歪は,すべり域 の大きさに比例する。摩擦係数が一定値より小さいか大き いといずれの場合にも残留(すべり域)が小さくなること



Fig. 12. Average displacement vs. δ/d when $\varphi=2\pi$, $T=T_m$ and T=0. (Online version in color.)

が、スリーブ焼嵌めロールを用いて示されている。文献⁵⁾ では焼嵌め式ロールに曲げを付加した後、荷重を除荷した ときに生じる残留たわみ量を数値シミュレーションで考察 しており、除荷後の残留曲がりは摩擦係数の減少と共に増 加するが、摩擦係数0.1~0.2の範囲でピークを示し、それ 以降は減少し0に至る。なお、残留曲がりがピークを示す 摩擦係数は荷重によって変化する。即ち、曲げ荷重が加え られた後に除去されるとロール軸の残留曲がり(残留ひず み)が最大値を示し、その生成機構としてすべり域の概念



Fig. 13. Average displacement vs. μ when $\varphi=2\pi$, $T=T_m$ and T=0. (Online version in color.)

を用いて説明されている5)。

界面クリープを防ぐために,焼嵌め率δ/dや摩擦係数μを 大きくすることはその使用範囲に制約はあるものの,有効 である。

5. スリーブ内面の応力

スリーブ組立式ロールにおける致命的な課題の一つであ るスリーブの割損事故^{η}では、スリーブの円周方向すべり が生じてスリーブ焼嵌め面に円周方向引掻傷とともに部分 的な焼付が起こり、その成長過程でスリーブ内面に数ミリ オーダーの凹凸が発生する。それが応力集中源となって、 スリーブ内面に疲労き裂が生じ、その進展の結果割損に到 ると考えられている^{η}。割損起点の発生には、主として円 周方向応力 σ_{θ} が支配的であるとみなされるため、ここでは σ_{θ} に注目する。

Fig.14 (a) に軸トルク $T = T_m c 与えた場合の応力$ $\sigma_{\theta,T}^{P(0)-P(2\pi)}(\theta) と \sigma_{\theta,T}^{P(0)-P(4\pi)}(\theta)$, Fig.14 (b) にトルクフリーT =0の場合の応力 $\sigma_{\theta,T}^{P(0)-P(4\pi)}(\theta) と \sigma_{\theta,T}^{P(0)-P(4\pi)}(\theta) を示す。解析に$ よって求まる界面の応力は、これまで議論した変位とは異なり、荷重移動が進んでもほぼ一定値を保つ。すなわち、Fig.6やFig.7のような変位が蓄積する現象は応力では見 $られない。Fig.14 (a), (b) より1回転後<math>\varphi = 2\pi 2 2$ 回転後 $\varphi = 4\pi 2 c$ で、応力分布に違いは殆ど見られず、応力振幅の 大きいトルク有りの場合、Fig.14 (a) から最大応力 $\sigma_{max} =$ 121 MPa、最小応力 $\sigma_{min} = 72$ MPaと、焼嵌め応力を中心と する両振りに近い応力状態と見なすことができる。これら



Fig. 14. Comparison of $\sigma_{\theta T}^{P(0):P(2\pi)}(\theta)$ and $\sigma_{\theta T}^{P(0):P(4\pi)}(\theta)$ when $T=T_m$, T=0. (Online version in color.)

の応力によるスリーブ内面からの疲労破壊の可能性に関し ては、スリーブ内面に不可避な引張残留応力の影響が大き いことが知られており、その解明の後、考察を進める。ま たトルクによる、2回転後の応力 $\sigma_{\theta,T}^{P(0)-P(4\pi)}(\theta)$ への影響は、 軸トルク付加によって、荷重点 $\theta=0$ 近傍で最小応力が圧 縮側で大きくなり応力振幅で約9%増加する。一方せん断 力Sを与えない $\theta=\pi$ 近傍では両者の差は小さい。これら は、このように、 $\theta=0$ 、せん断力Sの存在により、負荷位置 $\theta=00+側で一方向のせん断応力が、大きくなることと$ 符合する。

6. 結論

本論文では、スリーブ組立式ロールに生じる界面クリー プの挙動について、先に行った自由転がり条件から軸トル クを加えることにより、実際の圧延条件に近づけ、駆動ト ルクの界面クリープへの影響を明らかにした。加えて、軸 トルクや焼嵌め条件、更にはスリーブ内面応力を含めた要 因を考察することにより界面クリープに対する理解の深化 が期待される。以下に、得られた結論をまとめる。

- (1) 軸トルクTの付加により、スリーブ変位u_θ(界面クリープ)は加速され、付加トルクの増加に対してその増加量は大きくなる(Fig.11)。
- (2) 軸トルクT付加による界面クリープの加速効果は, 摩擦応力とせん断応力が等しい"すべり域"の概念の導入により説明できる。すなわち, 軸トルクに伴なう荷重点におけるせん断力の付加により, 界面でのせん断応力の対称性が崩れて(Fig.9 (a)) せん断力方向側のすべり域が大きくなって, その方向の円周方向変位が大きくなる。この結果, 回転毎のスリーブすべり量が増加する。
- (3) 焼嵌め面におけるすべり抵抗トルクへの支配的因子である,焼嵌め率δ/dと摩擦係数の変位u_θへの影響を考察した。焼嵌め率δ/dの増加により軸トルクTの有無によらずクリープは指数関数的に減少し,u_θに対するトルクTの影響割合(無トルク時の変位にトルクTによって付加される変位の割合)はδ/d=0.25付近で最大になる(Fig.12)。
- (4) 摩擦係数 μ の増加とともに、トルク T_m 付加での変位 u_θ は指数関数的に減少する。一方、無トルクの条件では、 μ の大きい側では u_θ はほぼ一定値に減少していくが、 μ = 0.2付近で最大を示して、さらに μ が減少すると、変 位も減少していく特異な挙動をとる。このような軸ト ルクによる変位への影響については"すべり域"の概 念で説明できる。
- (5) スリーブすべりに伴うスリーブ割れを支配する円周方 向応力は、荷重移動の進行によらず2回転後(φ=4π) でほぼ一定値を示す。トルクTmの付加により、2回転

後の応力 σ_{θ} は無トルクの場合に比べて最小応力が圧縮 側に少し大きくなり、応力振幅で約15%だけ無トルク の場合より大きい。

なお、本研究では数値シミュレーションに軸トルクを加 えることで、実際のロールの現象にさらに近づけた解析を 行った。しかし、実ロールの界面クリープの定量的な予測 精度向上のためには、今後軸の弾性変形の影響を考慮する などの変更が必要である。

文 献

- H.Shimoda, S.Onodera, K.Hori and O.Dohi: Trans. Jpn. Soc. Mech. Eng., 32(1966), 689 (in Japanese).
- 2) H.Takigawa, M.Hashimoto, T.Konno and S.Uchida: CAMP-ISIJ, 16(2003), 1150 (in Japanese).
- 3) T.Irie, K.Takaki, I.Tsutsunaga and Y.Sano: Testu-to-Hagané, 65(1979), 293 (in Japanese).
- 4) T.Hattori, Y.Kamitani, K.Sugino, H.Tomita and Y.Sano: Proc. 3rd Int. Conf. on Tribology in Manufacturing Processes (ICTMP 2007), Elsevier, Amsterdam, (2007).
- 5) N.-A.Noda, Y.Sano, Y.Takase, Y.Shimoda and G.Zhang: J. Jpn. Soc. Technol. Plast., 58(2017), 66 (in Japanese).
- 6) N.-A.Noda, H.Sakai, Y.Sano, Y.Takase and Y.Shimoda: *Metals*, **8**(2018), 998. https://doi.org/10.3390/met8120998
- 7) E.Matsunaga, Y.Sano and S.Nishida: *CAMP-ISIJ*, **10**(1997), 1078 (in Japanese).
- 8) E.Matsunaga, T.Tsuyuki and Y.Sano: CAMP-ISLJ, 11(1998), 362 (in Japanese).
- 9) 曽田範宗: 軸受, 岩波全書, 岩波書店, 東京, (1964), 196.
- 10) T.Niwa: NTN Tech. Rev., 81(2013), 100 (in Japanese).
- 11) J.Murata and T.Onizuka: Koyo Eng. J., 166(2004), 41 (in Japanese).
- 12) H.Sakai, N.-A.Noda, Y.Sano, Y.Takase and G.Zhang: *Testu-to-Hagané*, **105**(2019), 4 (in Japanese).
- 13)第2版わが国における最近のホットストリップ製造技術,日本 鉄鋼協会共同研究会鋼板部会ホットストリップ分科会編,日本 鉄鋼協会,東京,(1987),255.
- 14) N.-A.Noda, D.Suryadi, S.Kumasaki, Y.Sano and Y.Takase: *Eng. Fail.* Anal., 57(2015), 219.
- 15) N.-A.Noda, Y.Xu, D.Suryadi, Y.Sano and Y.Takase: *ISLJ Int.*, 56(2016), 303.
- 16) T.Miyazaki, N.-A.Noda, F.Ren, Z.Wang, Y.Sano and K.Iida: Int. J. Adhes. Adhes., 77(2017), 118.
- 17) N.-A.Noda, T.Miyazaki, R.Li, T.Uchikoba and Y.Sano: Int. J. Adhes. Adhes., 61(2015), 46.
- 18) N.-A.Noda, T.Uchikoba, M.Ueno, Y.Sano, K.Iida, Z.Wang and G.Wang: ISIJ Int., 55(2015), 2624.
- 19) Z.Wang, N.-A.Noda, M.Ueno and Y.Sano: Steel Res Int., 88(2017), 1600353, https://doi.org/10.1002/srin.201600353.
- 20) N.-A.Noda, Y.Shen, R.Takaki, D.Akagi, T.Ikeda, Y.Sano and Y.Takase: *Theor: Appl. Fract. Mech.*, **90**(2017), 218.
- N.-A.Noda, X.Chen, Y.Sano, M.A.Wahab, H.Maruyama and R.Fujisawa: *Mater: Des.*, 96(2016), 476.
- 22) Marc Mentat team, Theory and User Information. Vol.A, MSC. Software, Tokyo, (2012), 713.
- 23) 石田誠: き裂の弾性解析と応力拡大係数, 培風館, 東京, (1976), 18.
- 24) MiSUMi-VONA技術情報:乾燥摩擦係数, MiSUMi-VONA技術 情報, https://jp.misumi-ec.com/tech-info/categories/plastic_mold_ design/pl07/c0874.html, (accessed 2019-06-14).
- 25) 日本機械学会:機械工学便覧 α2 機械力学,日本機械学会,東京, (2004), 27.